

# Multiprocessamento

Sérgio Campos

# Multiprocessamento

Quem se importa ?

No mundo real multiprocessadores são comuns:

- PCs;
- LANs;
- Sistemas embutidos (porque ?);
- Recursos podem ser modelados como processadores.

É difícil:

- Programação paralela é difícil;
- Algoritmos tendem a achar soluções não ótimas.

Por causa disto paralelismo é restrito.

# Modelo

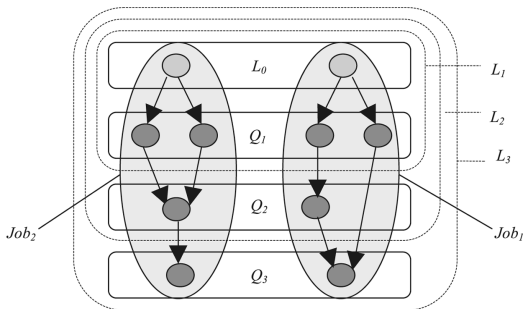
- Cada processador tem seu escalonador;
- Processadores podem ser iguais ou não;

Um escalonador para todos os processadores → NP-Hard!

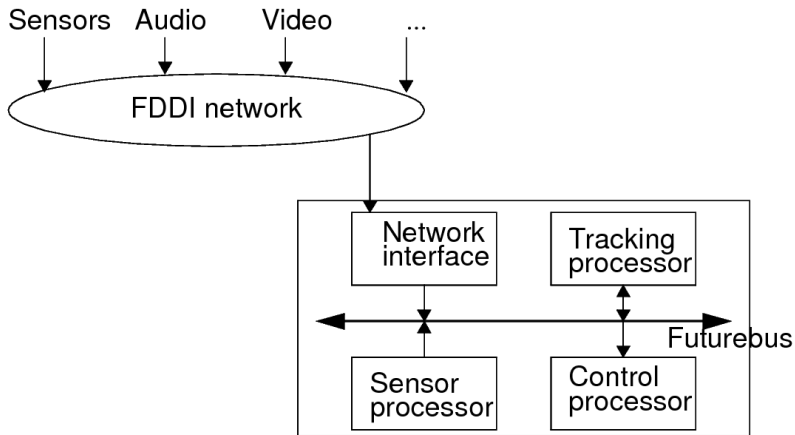
# Exemplo

Similar a Job shop:

- Uma tarefa tem que passar por diversos processadores;
- Existem diversas tarefas;
- O objetivo é minimizar o tempo gasto.
- Usado em indústrias, transporte, tempo-real.



# Exemplo



# Modelo

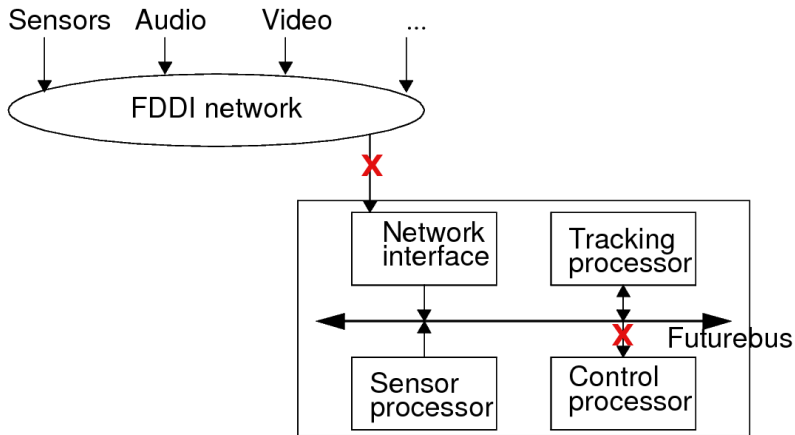
- end-to-end constraints
- Recursos locais e remotos

Atribuição de tarefas a processadores:

- Off-line:
  - estático;
  - uma vez atribuído, basta analisar cada processador em separado.
  - Ineficiente.
- On-line:
  - necessário quando processos podem ser criados durante execução;

# Método Comum

Atribuição off-line com deadlines artificiais



## Atribuição de Tarefas

Custo de comunicação zero.

- Realista em alguns casos: memória compartilhada, poucos dados;

Dados  $n$  tarefas,

- Particione-as em  $m$  processadores de tal forma que todas são escalonáveis;
- Critério de otimização: menor  $m$ .

É possível usar prioridades fixas e first-fit se:

$$\sum u_i \leq U_{FF} = m(2^{-5} - 1) = 0.414m$$



# Atribuição de Tarefas

Problema equivalente: bin packing (mochila)

- Dados  $n$  itens (tamanho  $u_i$ ) e bins (tamanho  $U_i$ )
- Minimizar o número de bins necessário.
- variante: é possível escalonar com  $m$  processadores? Como a minimizar a utilização?

NP-completo!

## Atribuição de Tarefas: a Complicação

Uma modelagem mais realista leva em conta custos de comunicação.  
Um problema de programação linear inteira. Seja:

- $\sigma_{i,i} = 1; \sigma_{i,j} = 0, j \neq i$
- $u_j$  a utilização de cada tarefa  $T_j$ ;
- O custo de comunicação entre  $i$  e  $j$ ,  $C_{i,j}$
- O custo de interferência entre  $i$  e  $j$ ,  $l_{i,j}$
- A utilização máxima no processador  $k$ ,  $U_k$ .

Determinar  $A_{i,k}$  ( $i = 1..n; k = 1..m$ ) satisfazendo:

- $A_{i,k} = 0, 1$
- $\sum_{k=1}^m A_{i,k} = 1$
- $\sum_{j=1}^n u_j A_{i,k} \leq U_k$

$i$  executa ou não em  $k$   
 $i$  executa em alguém  
 $U_k$  não é excedido

E minimizando:

$$\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \sum_{k=1}^m \sum_{l=1}^m (1 - \sigma_{i,j}) A_{i,k} A_{j,l} (C_{i,j}(1 - \sigma_{k,l}) + (l_{i,j} \sigma_{k,l}))$$

# Multi-Processor Ceiling Protocol

Recursos são locais ou remotos

- Cada recurso é assinalado a um processador
- Acesso a recurso remoto é executado por seu processador de sincronização — PS.
- Recursos aninhados não podem ser remotos.

Priority ceiling funciona como uniprocessador, exceto:

- Seções críticas globais têm maior prioridade.

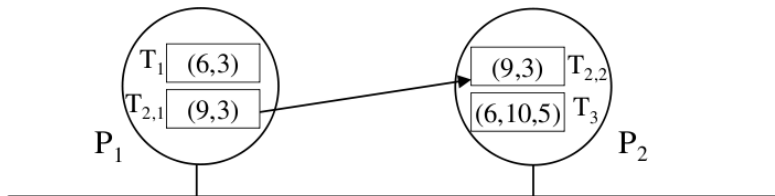
Tempo total de bloqueio é:

- Bloqueio local: devido a mutex local;
- Preempção local: devido a mutex global executado local.
- Bloqueio remoto: espera por mutex global devido a processos locais no PS.
- Preempção remota: espera por mutex globais no PS.
- Bloqueio local p/ processos de maior prioridade

## Sistemas de Tempo Real Distribuídos

Tarefas são divididas em subtarefas que executam em processadores diferentes:

- Subtarefas são liberadas de acordo com suas precedências

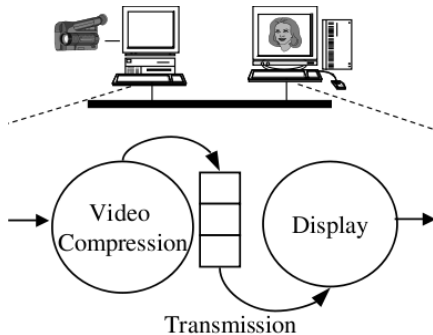


## End-to-End Scheduling

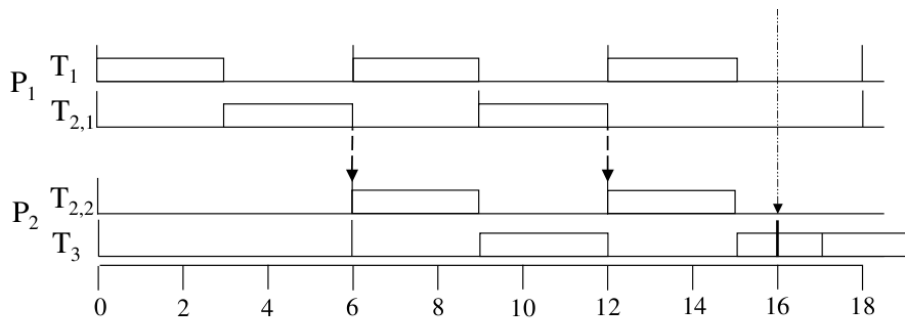
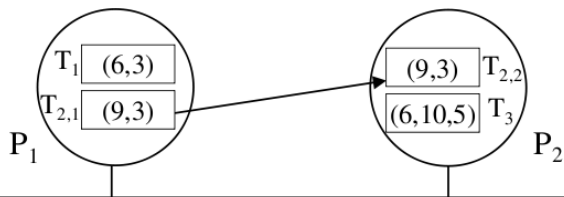
- O problema agora é garantir tempos de resposta fim-a-fim em um sistema com restrições de precedência
- Assumimos que cada subtarefa somente acessa recursos locais
- O problema se reduz a escalonamento de um único processador
- Com restrições de precedência...
- Qualquer escalonador pode ser usado. Até diferentes para processadores diferentes.

# Protocolo de Sincronização Direta

- Quando uma subtarefa termina, envia um sinal para a próxima subtarefa
- A subtarefa inicia quando recebe o sinal/mensagem



## Sincronização Direta com RMS



# Phase Modification Protocol

## Desvantagens da Sincronização Direta

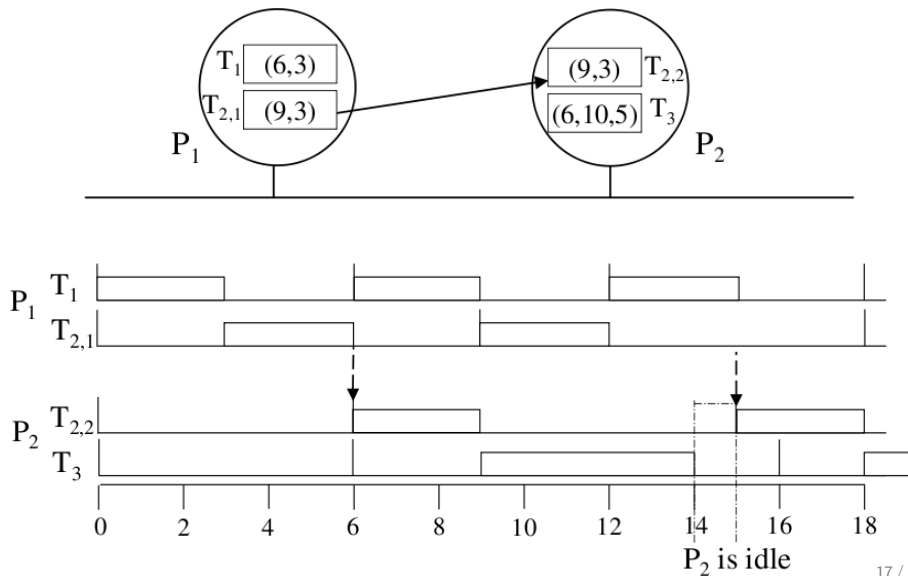
- Comportamento em rajadas
- Como o servidor “deferível”, pode causar rajadas de execução longas.

O protocolo de modificação de fases mantém uma distância temporal entre os release times de subtarefas

- O release time da subtarefa  $J_{i,k+1}$  é  $W_{i,k}$  unidades de tempo após o release de  $J_{i,k}$ 
  - $W_{i,k}$  é o maior tempo de execução de  $J_{i,k}$ .



# Phase Modification Protocol



# Phase Modification Protocol

Vantagens:

- Simples
- Tempo de resposta é a soma  $\sum W_{i,j}$

Desvantagens:

- Necessita de relógios sincronizados
- Pode violar precedências em caso de overrun / jitter

# Modified Phase Modification Protocol

Acrescenta uma regra:

- Subtarefa  $J_{i,k+1}$  é iniciada
  - $W_{i,k}$  unidades depois de  $J_{i,k}$  ou
  - O término de  $J_{i,k}$ ,
  - o que ocorrer depois.

Implementação:

- Escalonador de  $P_{i,k}$  envia sinal para escalonador de  $P_{i,k+1}$  quando for hora de iniciar  $J_{i,k+1}$ .
- Não necessita de relógios sincronizados.