

# Radixsort

- Algumas vezes, a comparação entre chaves pode ser uma operação muito cara
- Existem alguns algoritmos de ordenação sem comparação de chaves
  - Bucket Sort
  - Counting Sort
  - Tally Sort
  - etc...
- **Radix Sort** é uma classe de algoritmos que usa a representação binária das chaves para a ordenação

# Radixsort

## ■ Idéia Geral:

- chaves cujo bit mais a esquerda é 0, vem antes que chaves cujo bit é 1
- Repetindo-se isso para todos os bits de forma adequada é possível ordenar

## ■ Como extrair os bits

- Formas eficientes em c: and (&) e shift(>>)
  - `bit = x & 00000001; x >> 1;`
- Formas simples: divisão e resto
  - Considerando bits indexados de 0 a n da dir para esq, para extrair o bit i de um número X, temos  $(X / 2^i) \% 2$

# Radix Exchange Sort

- Algoritmo analisa os bits da esquerda para a direita
- Funcionamento similar ao do Quicksort, mas a partição é feita comparando-se bits ao invés de chaves
- Chamadas recursivas ordenando os subvetores pelo bit  $i-1$
- Complexidade:
  - $O(n * b)$  comparações de bits

# Radix Exchange Sort

```
quicksortB(int a[], int l, int r, int w) {
    int i = l, j = r;

    if (r <= l || w > 0) return;
    while (j != i) {
        while (digit(a[i], w) == 0 && (i < j)) i++;
        while (digit(a[j], w) == 1 && (j > i)) j--;

        exch(a[i], a[j]);
    }
    if (digit(a[r], w) == 0) j++;
    quicksortB(a, l, j-1, w+1);
    quicksortB(a, j, r, w+1);
}
```

```
void sort(Item a[], int l, int r) {
    quicksortB(a, l, r, numbits - 1);
}
```

Fonte: Algorithms in C  
Robert Sedgewick

# Exemplo

[ 3 2 5 6 2 0 7]

[ 011 010 101 110 001 000 111]

# Exemplo

```
[ 3 2 5 6 2 0 7 ]
[ 011 010 101 110 001 000 111 ]
[ 011 010 101 110 001 000 111 ]
[ 011 010 000 001 | 110 101 111 ]
[ 001 000 | 010 011 ]
[ 000 | 001 ]
      [ 010 | 011 ]
                [ 101 | 110 111 ]
                        [ 110 | 111 ]
[ 0 1 2 3 5 6 7 ]
```