

# Métodos de acesso espaciais e indexação espacial

Clodoveu Davis

# Métodos de acesso

- *Métodos de acesso* são os procedimentos empregados pelo gerenciador de banco de dados com o objetivo de acelerar a localização e a recuperação de algum dado

# Métodos de acesso

- Em bancos de dados convencionais, existem diversos tipos de métodos de acesso
- O SGBD utiliza aquele método que parece ser o mais adequado para a solução de cada operação
  - *Otimização de consultas*

# Métodos de acesso

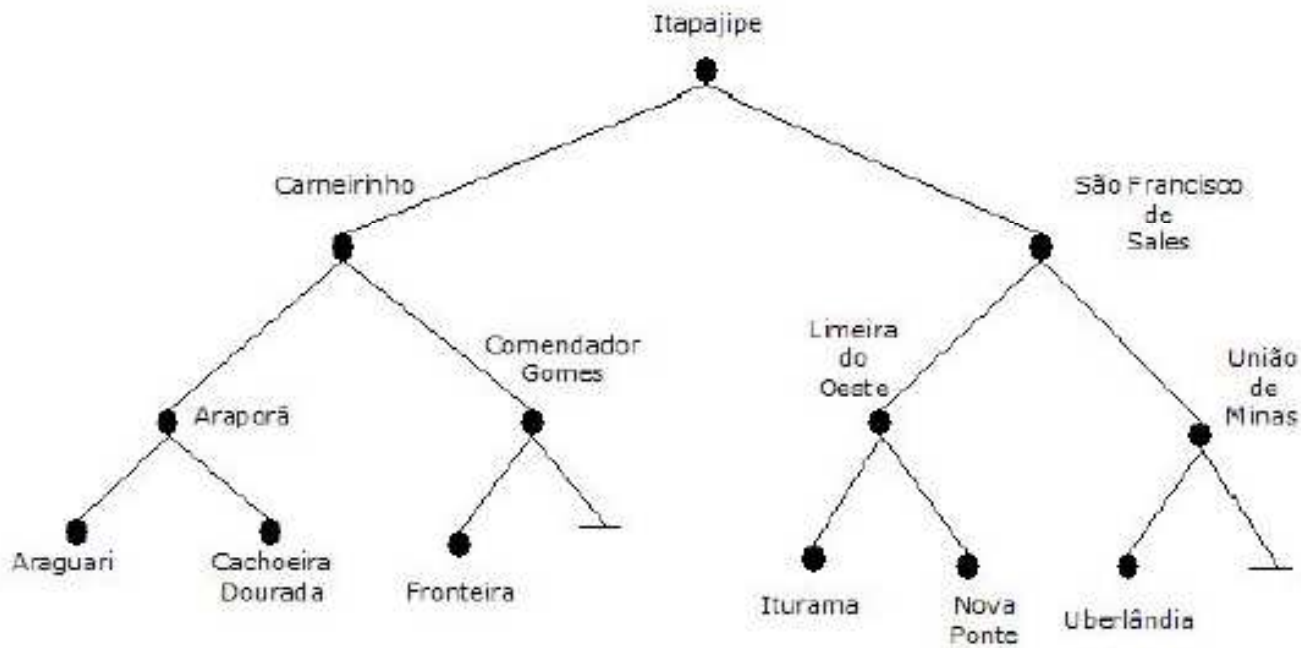
- A escolha do método é feita com base em
  - Características estruturais da tabela e de índices porventura existentes: *otimização heurística*
  - Cálculos aproximados do custo computacional de processamento da consulta: *otimização baseada em custos*

# Métodos de acesso

- Em BD convencionais, a criação de *índices* é opcional, ficando a cargo do administrador do banco de dados
- Cada índice provê uma maneira rápida de buscar dados dentro de uma tabela
  - Existem diferentes tipos de índices, cada qual adequado a um tipo de atributo ou situação

# Métodos de acesso

- Exemplo: árvore binária balanceada



Fonte: Casanova et al 2005, fig 6.1

# Métodos de acesso

- Exemplo: árvore B+

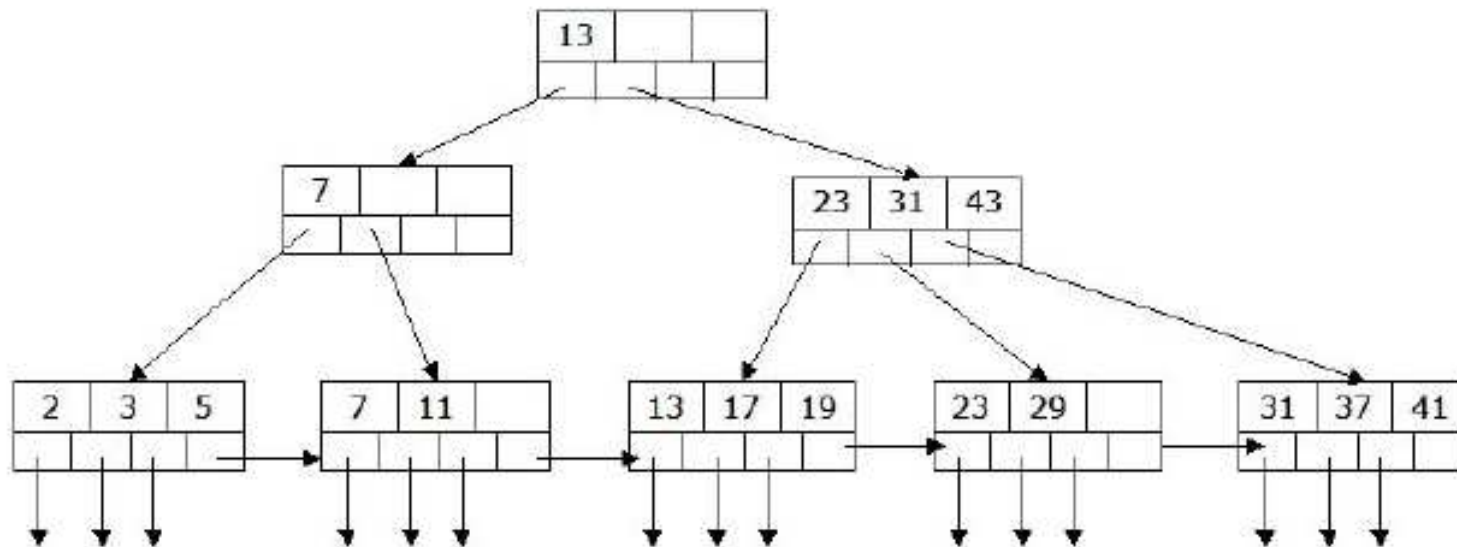


Figura 6.2 – Índice unidimensional B-Tree. Fonte: adaptada de Garcia-Molina et al., (2001).

# Métodos de acesso espaciais

- Os métodos tradicionais se aplicam a chaves alfabéticas ou numérica simples, unidimensionais
- Para recuperar dados espaciais, seria necessário ter *métodos de acesso multidimensionais*



# Métodos de acesso multidimensionais

- Ex: encontrar empregados nascidos entre 1950 e 1955 cujo salário está entre R\$3000 e R\$5000 mensais
  - Equivale ao problema geométrico de encontrar um ponto em um retângulo

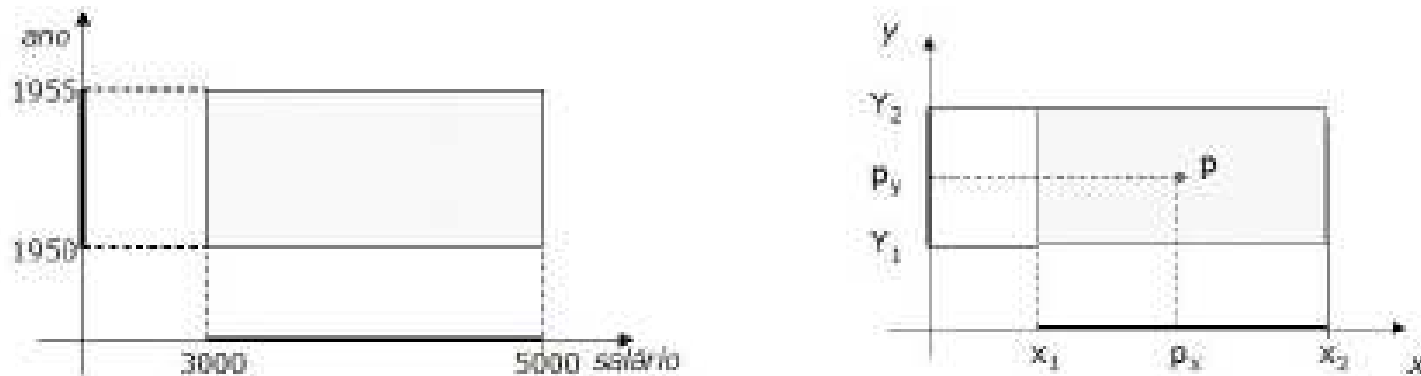


Figura 6.4 – Busca em dois atributos (a) Interpretação geométrica da busca (b).

# Métodos de acesso espaciais

- Em BD espaciais, o SGBD precisa contar com métodos de acesso especificamente voltados para as características dos dados de representação
- Os métodos tradicionais são também usados, mas apenas sobre os dados alfanuméricos

# Métodos de acesso espaciais

- Métodos de acesso espaciais são estruturas de dados auxiliares, porém essenciais para o processamento de consultas e para a execução de procedimentos de análise espacial com eficiência
- Também são chamados de *índices espaciais*
  - Ao contrário dos índices convencionais, os espaciais são de uso obrigatório, para que o desempenho seja minimamente aceitável em BDs de tamanho razoável

# Métodos de acesso espaciais

- Em geral, uma consulta envolve apenas uma pequena parcela do BD
- Percorrer todo o BD procurando pelos dados relevantes para a consulta é em geral muito ineficiente
- O método de acesso estabelece um *plano de execução* para a consulta

# Métodos de acesso espaciais

- O plano de execução realiza uma *filtragem*, para determinar um subconjunto dos objetos do BD que *podem* atender às especificações da consulta
- Essa filtragem precisa ser executada com muita rapidez, e portanto é realizada sobre uma *aproximação* da forma geométrica de cada objeto

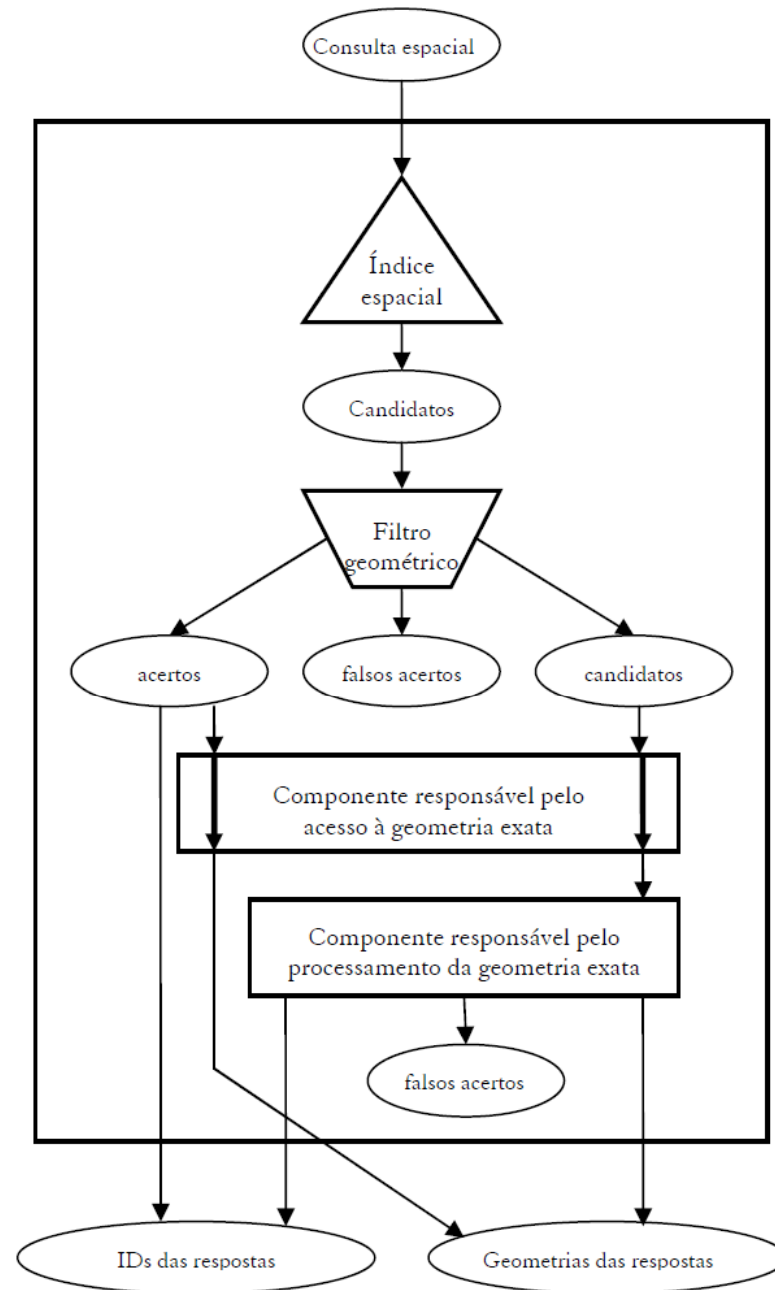
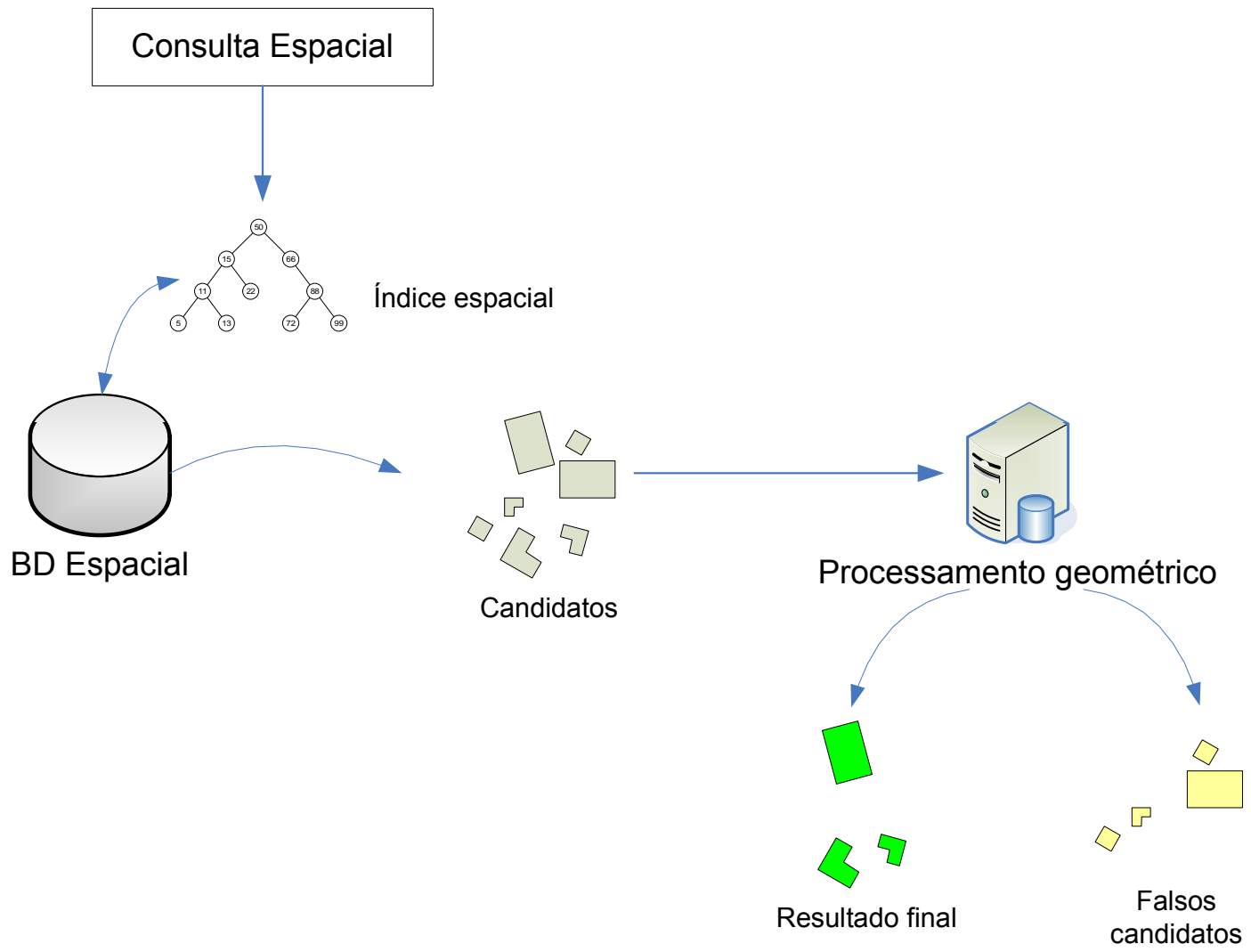


Figura 7.1 – Processamento de consultas espaciais (Kriegel et al., 1993).

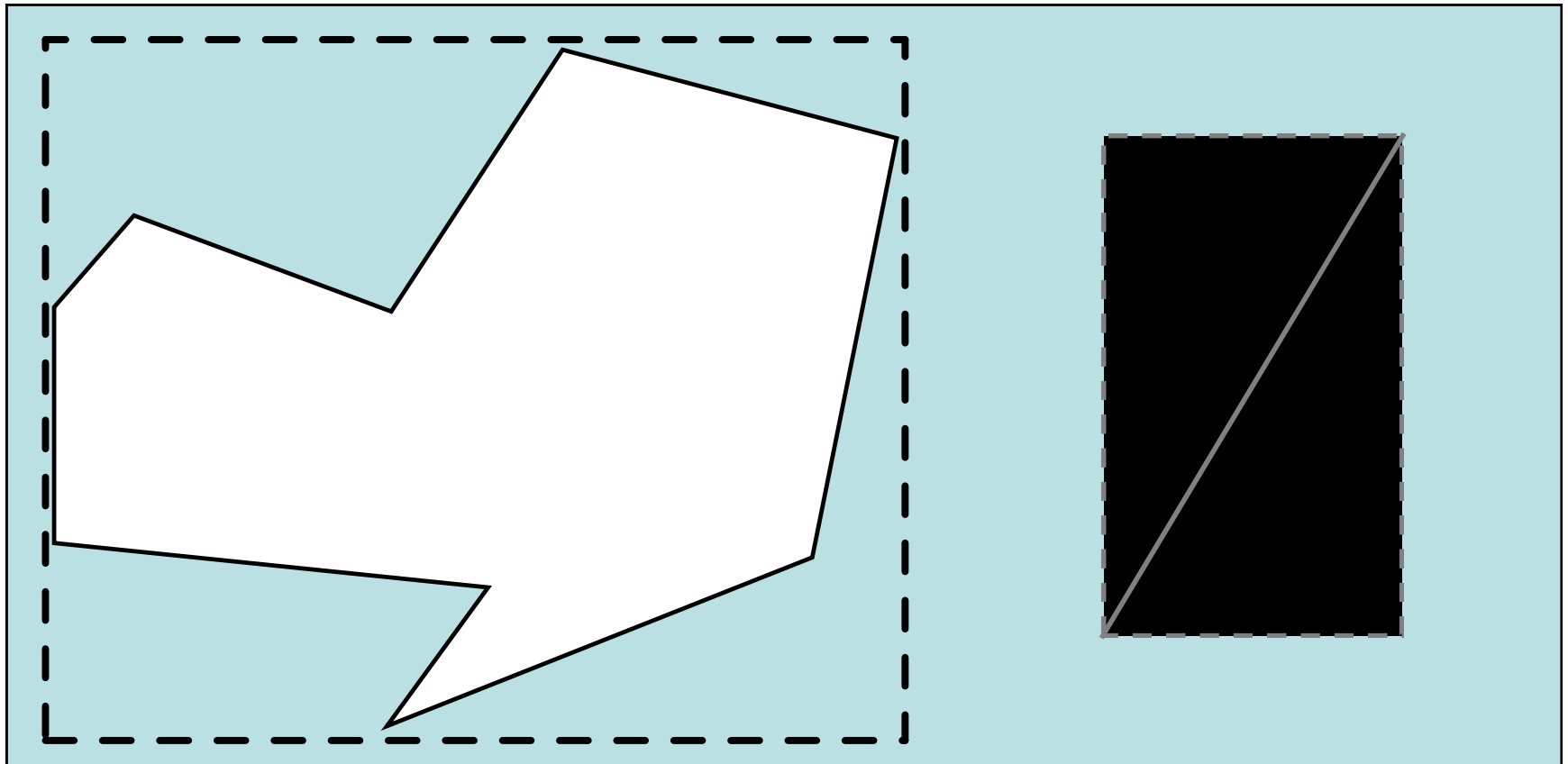
# Processamento de consulta espacial



# Filtragem:

Retângulo envolvente mínimo de um objeto

- Menor retângulo com lados paralelos aos eixos coordenados que contém totalmente o objeto





# Uso de índices espaciais

- Seleção de objetos para visualização
  - Objetos contidos no retângulo do zoom
- Localização de objetos selecionados por apontamento
  - Objetos cujas fronteiras contêm ou se aproximam do ponto indicado na tela
- Consultas topológicas
  - Encontrar objetos relacionados topologicamente a um objeto espacial dado (contido em, contém, adjacente a, cruzando, etc.)

# Índices espaciais

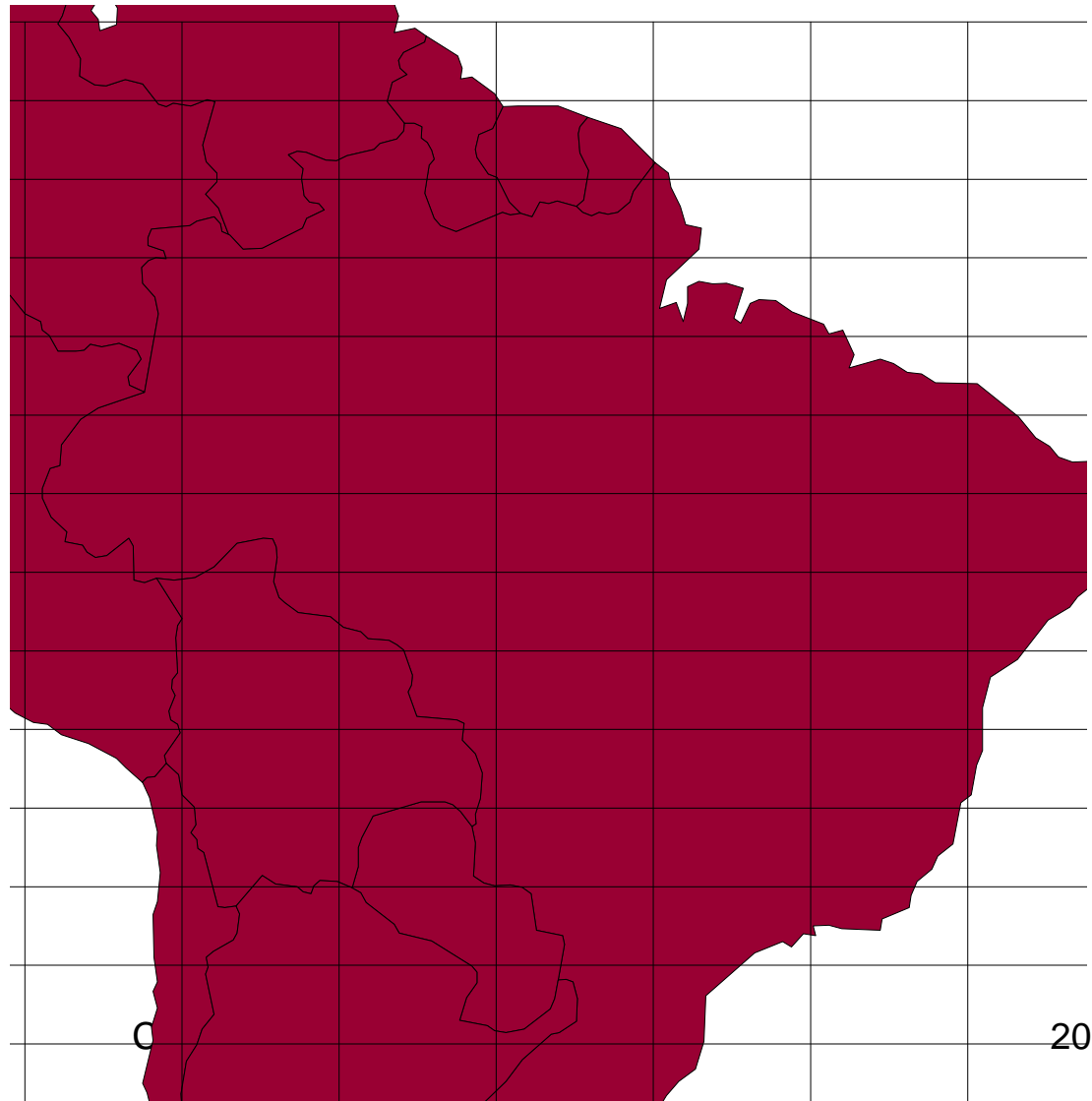
- Tipos encontrados em SIG
  - Sem indexação
  - *Grid file*
  - *K-d tree*
  - Quad-tree
  - Tiling
  - R-tree

# SIG sem Indexação Espacial

- Sistemas baseados em CAD
  - Organização seqüencial
  - Baixo desempenho para arquivos grandes
  - Sistemas manuais de indexação
  - Mapa chave
  - Diversos arquivos

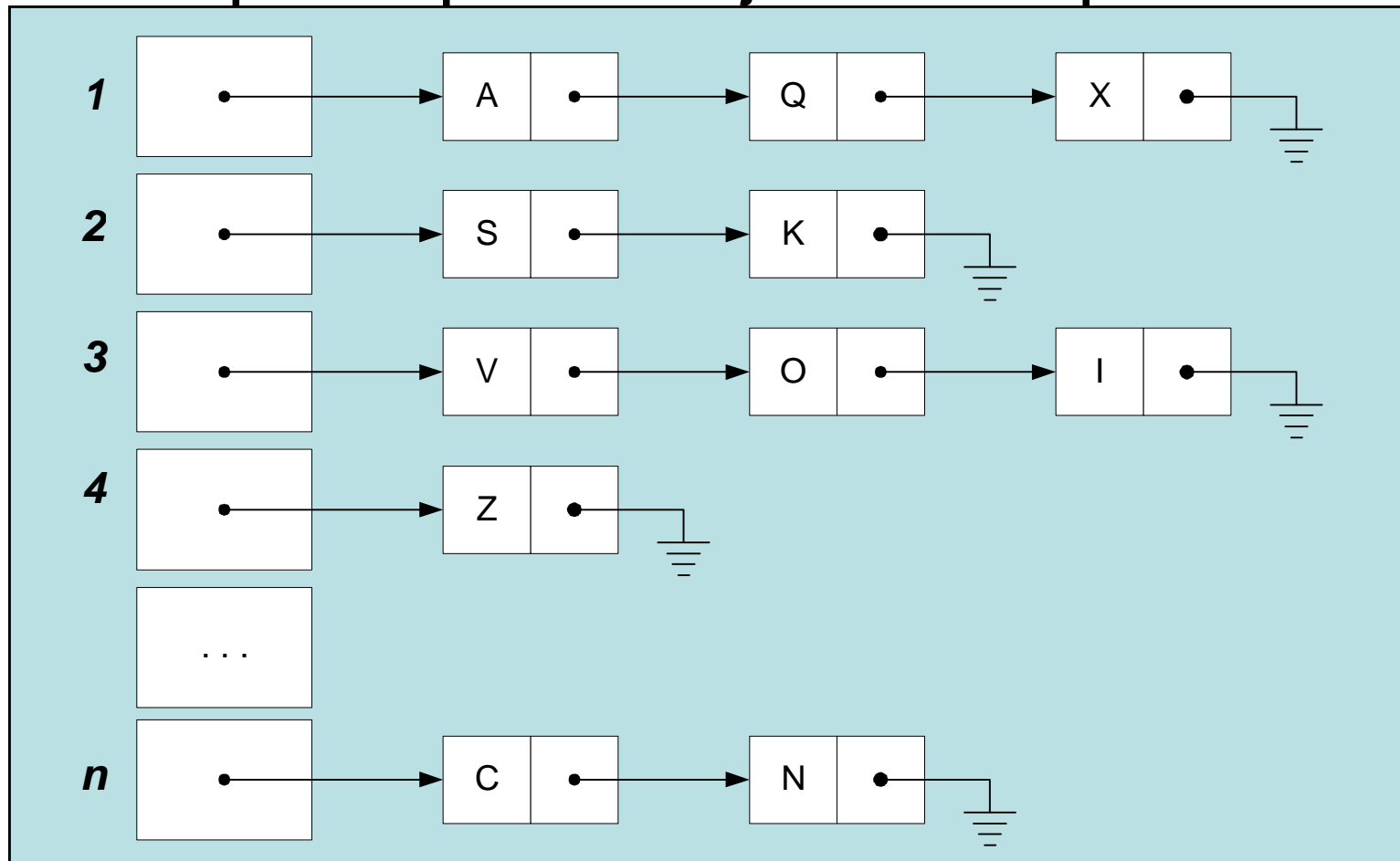
# SIG sem indexação espacial

- Mapa chave
- Um arquivo seqüencial para cada folha de mapa
- Manutenção por conta do usuário



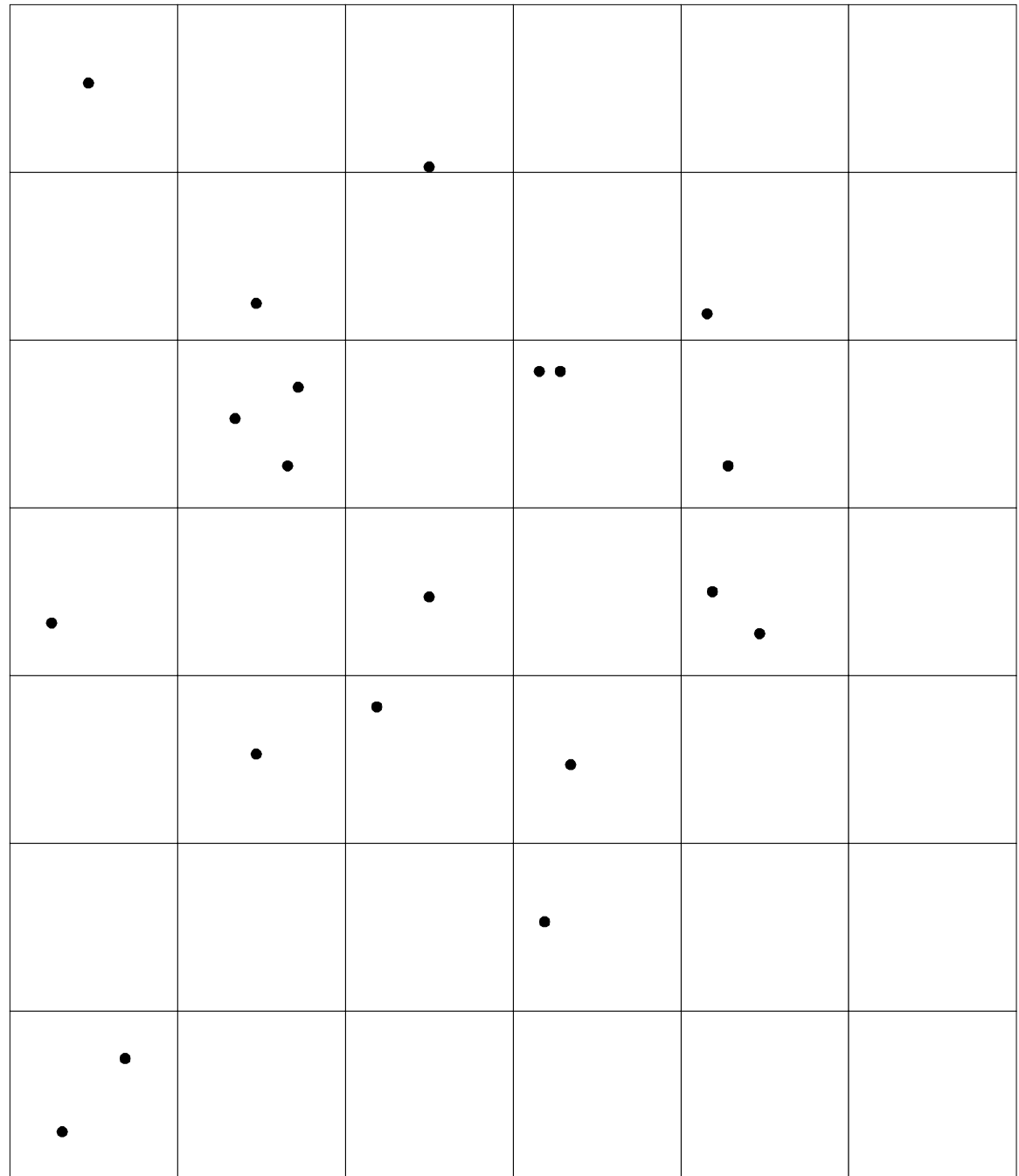
# Grid file

- Baseado em *hashing*
- Adequado para conjuntos de pontos



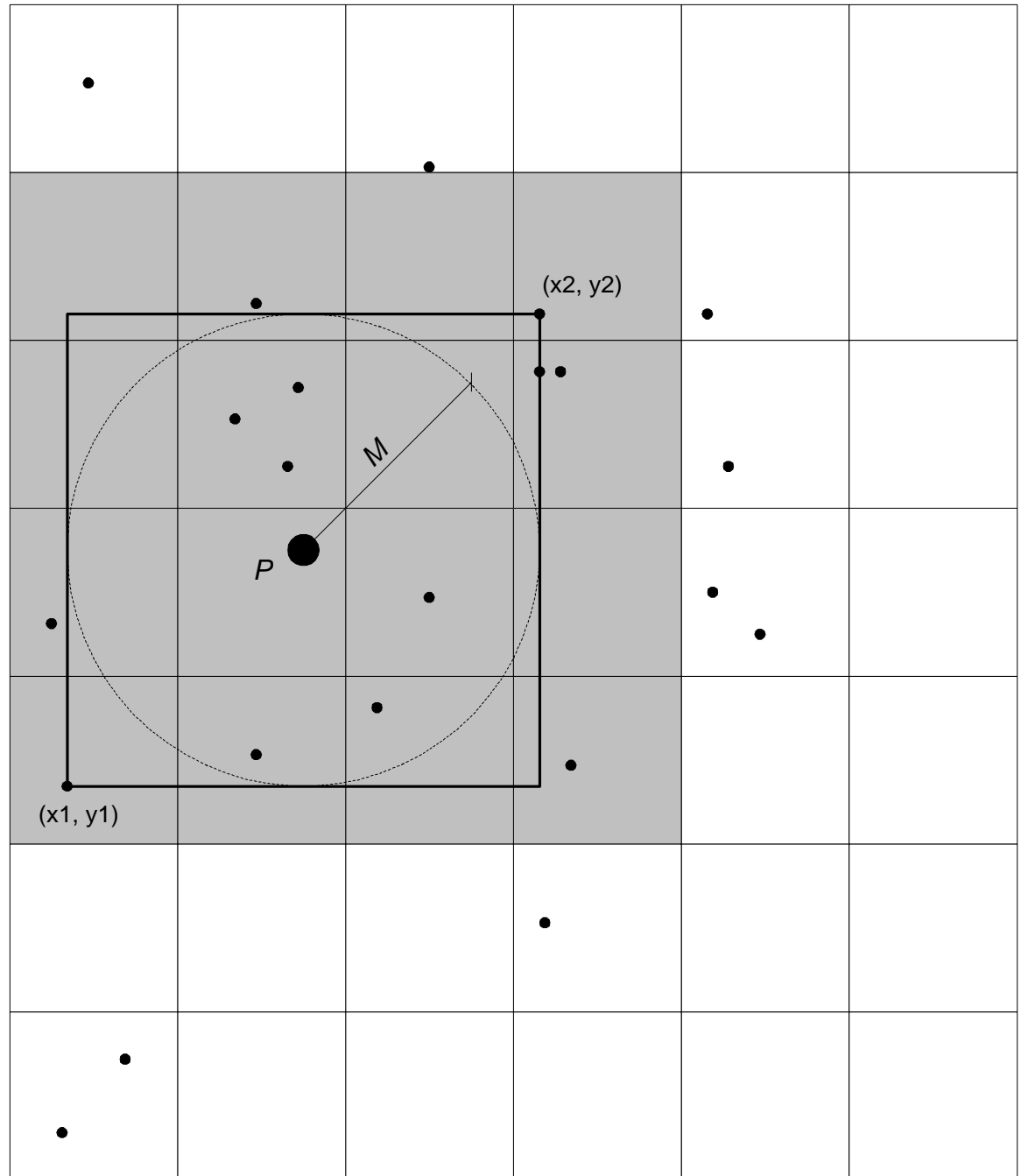
# Grid file

- *Hashing* em duas dimensões, usando uma grade regular
- A escolha das dimensões dos elementos da grade é orientada pela aplicação



# Grid file

- Pesquisa: pontos a menos de  $M$  metros do ponto  $P$
- Apenas os *buckets* em cinza são lidos



# K-d Tree

- Indexa chaves formadas por  $k$  atributos (geometricamente, dimensões)
- Cada nível da árvore corresponde a uma das dimensões
- As dimensões ocorrem ciclicamente pelos níveis da árvore



# K-d Tree

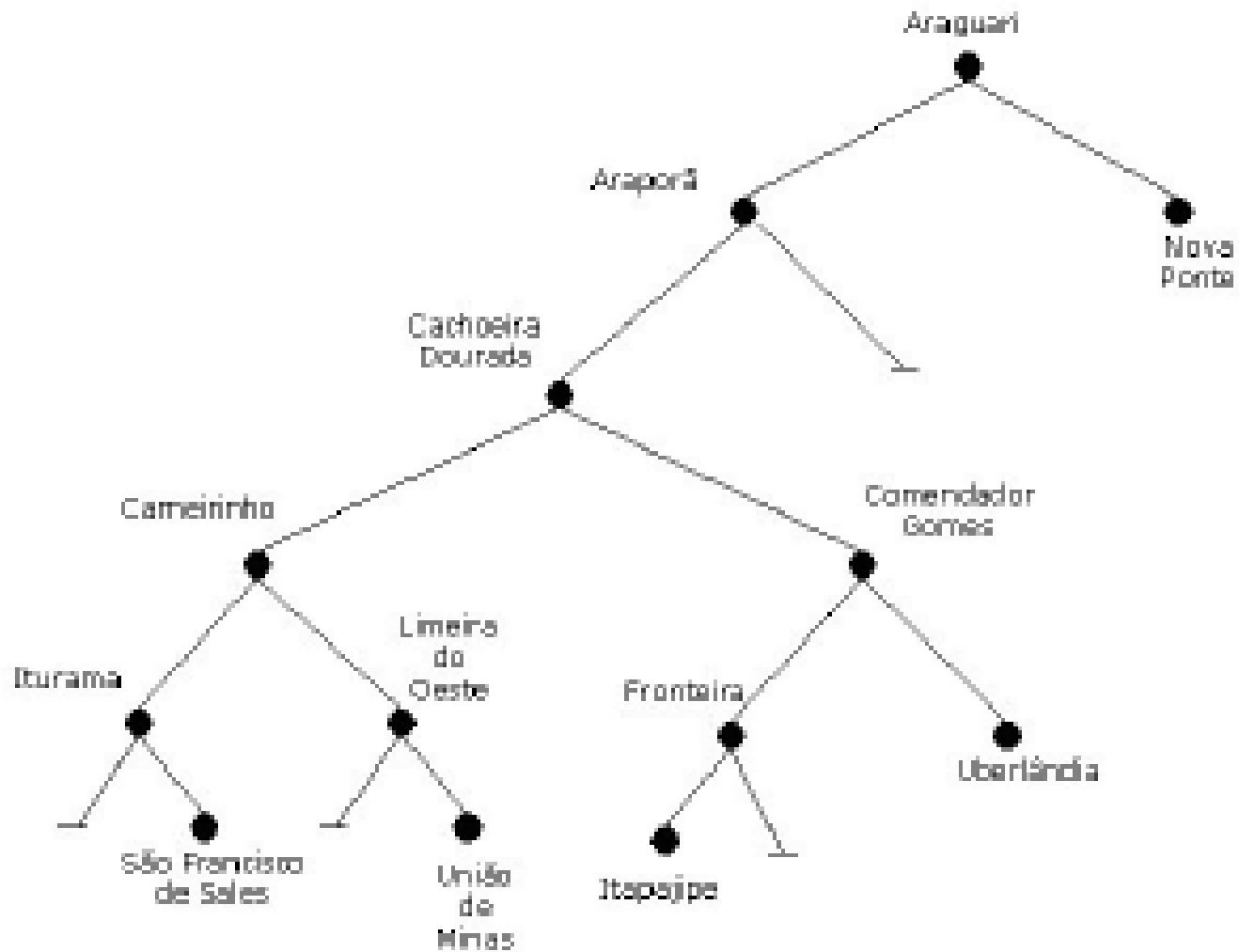
- Exemplo
  - Duas dimensões:  $x$  e  $y$
  - Níveis pares indexam o  $x$  e níveis ímpares indexam o  $y$

# K-d Tree



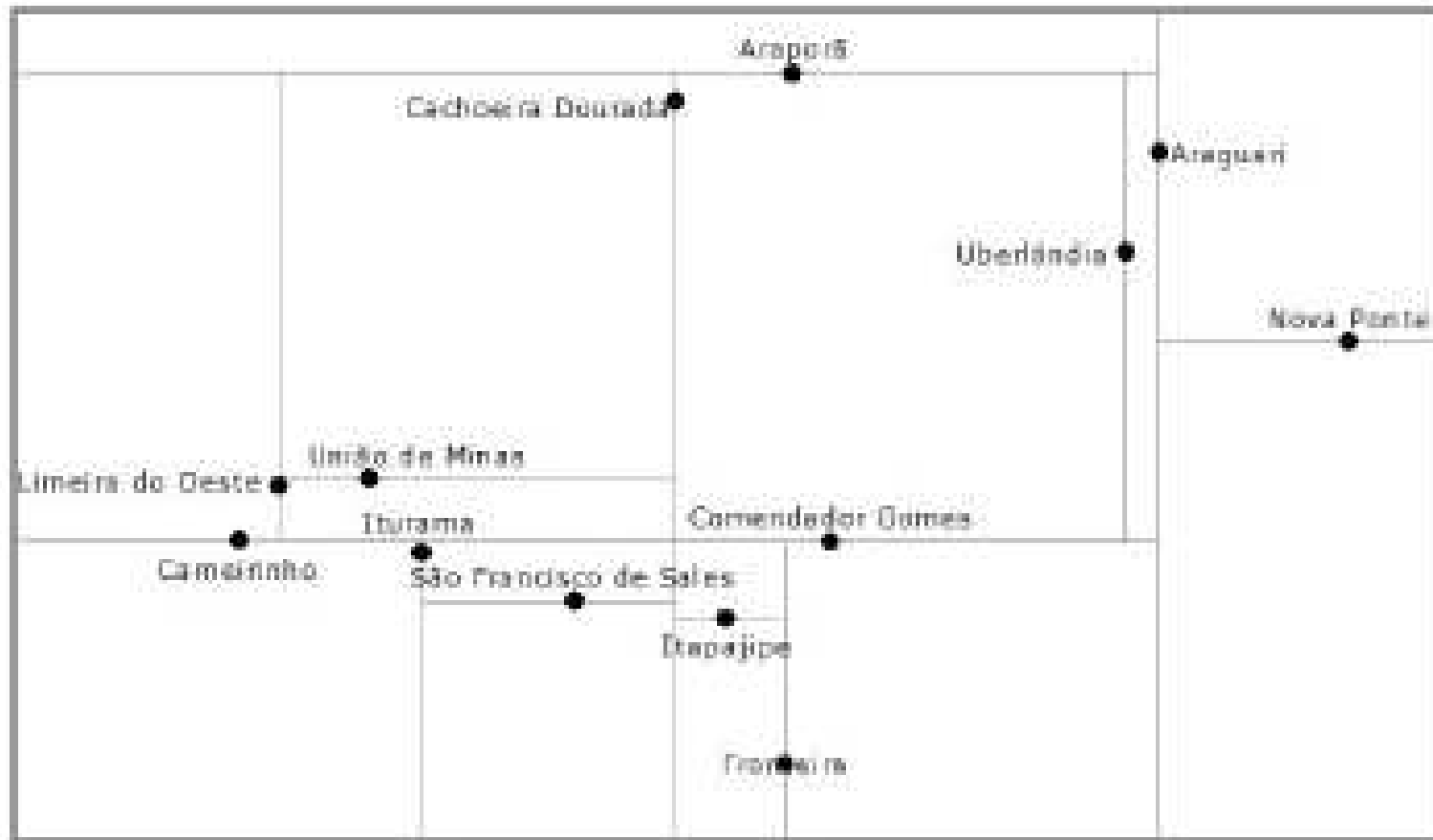
Figura 6.5 – Sedes de alguns municípios do Estado de Minas Gerais.

# K-d Tree



Clodoveu Davis

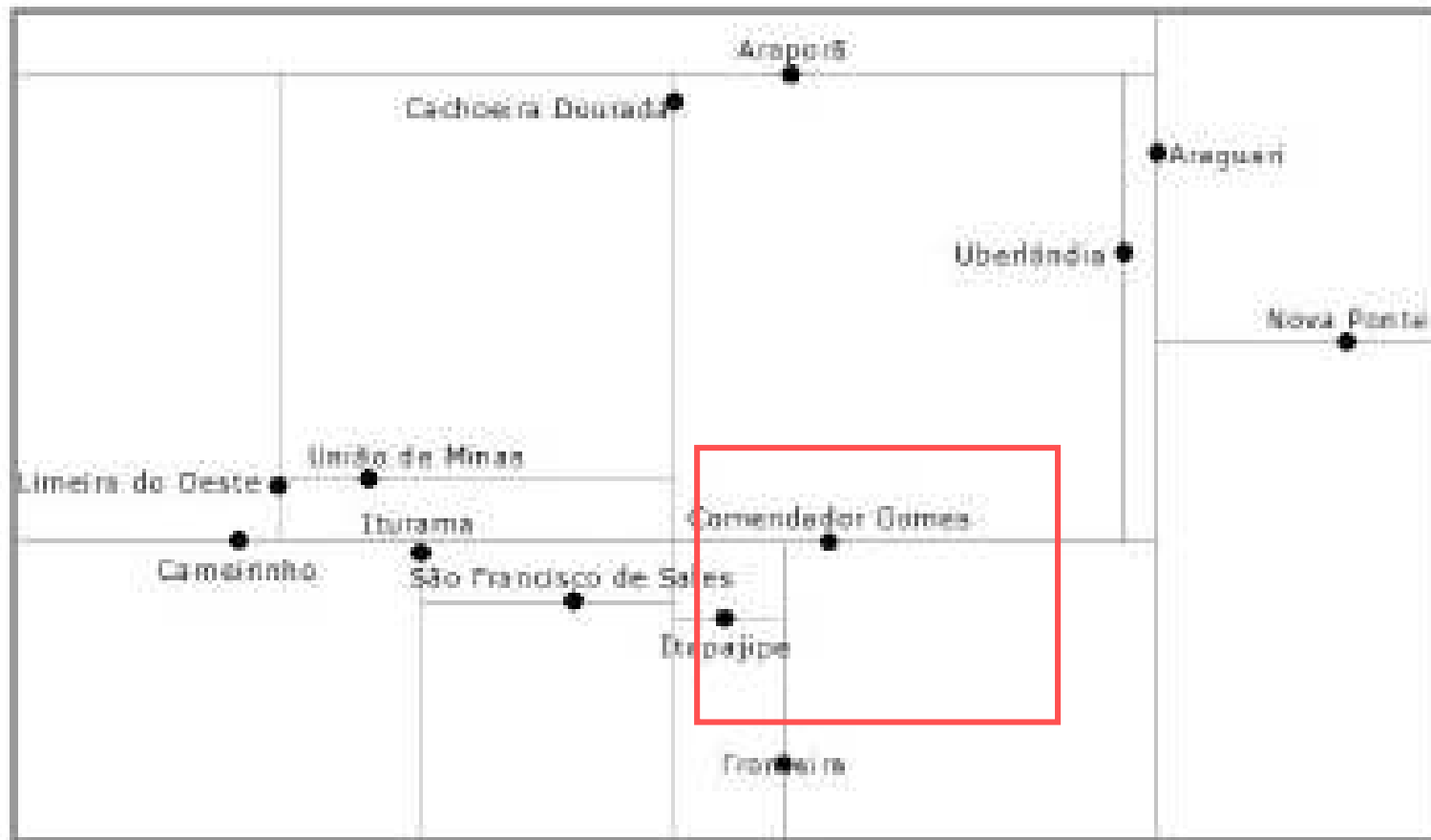
# K-d Tree



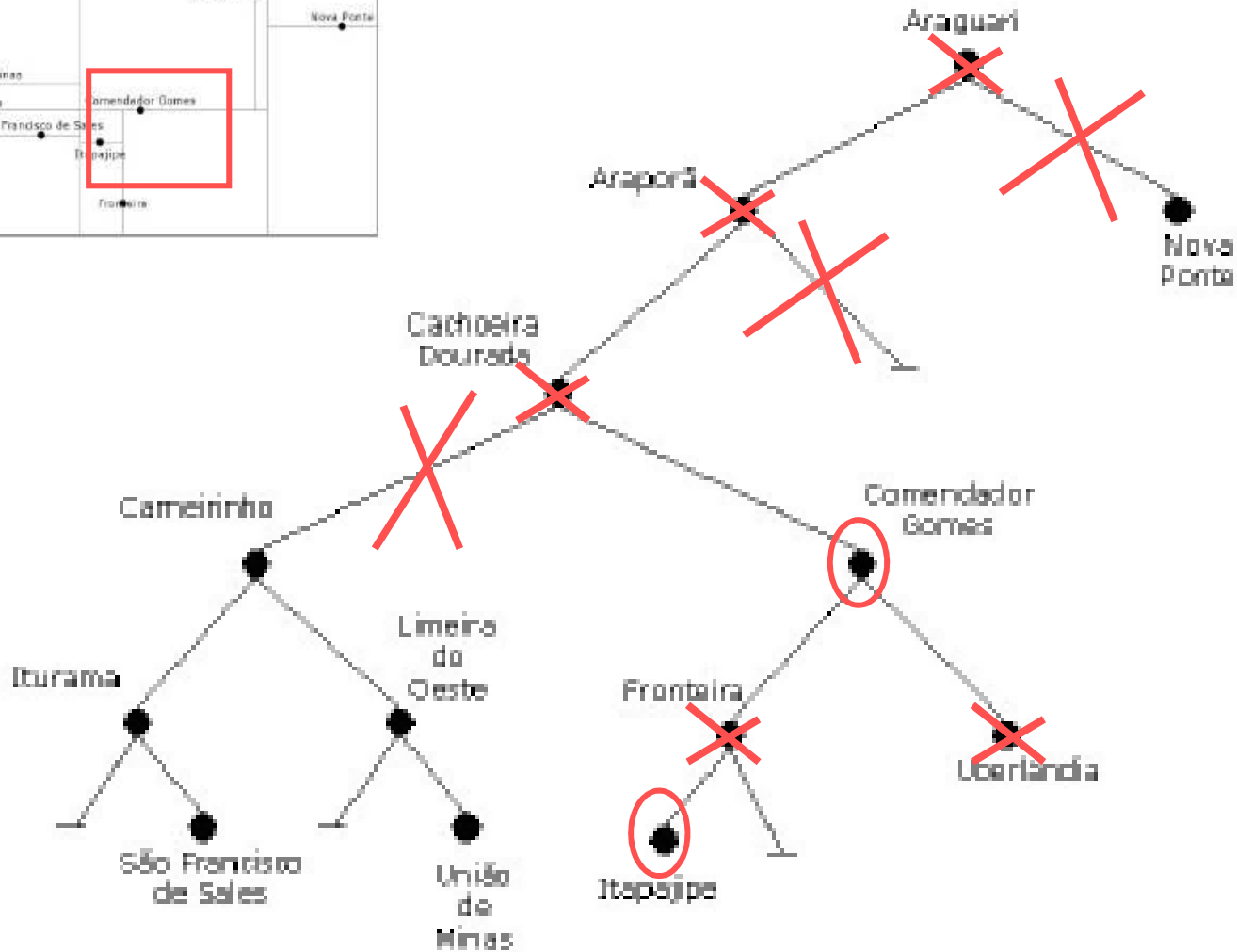
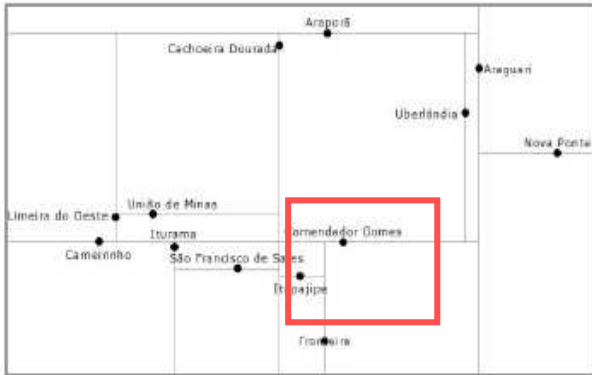
# K-d Tree

- Pesquisa na k-d tree, partindo de um retângulo de coordenadas dadas
  - Verificar se o nó corrente encontra-se no intervalo, se for ele é incluído na saída
  - Se o nível for par
    - Se o  $x_1$  do retângulo for menor que o  $x$  do nó, caminhar pela sub-árvore à esquerda e desprezar o restante
    - Se o  $x_2$  do retângulo for maior que o  $x$  do nó, caminhar pela sub-árvore à direita e desprezar o restante
  - Se o nível for ímpar
    - Idem, considerando  $y_1$ ,  $y_2$  e  $y$  do nó.

# K-d Tree



# K-d Tree



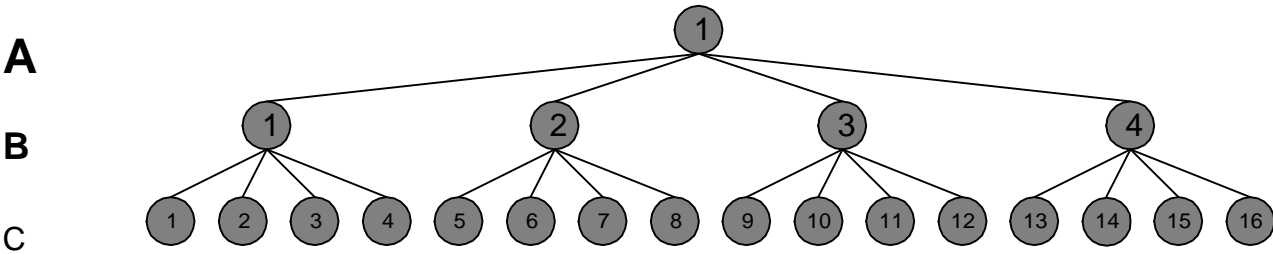
Clodoveu Davis

# Quad-tree

- Espécie de árvore em que cada nó possui sempre quatro “folhas”
- A cada nó corresponde uma região quadrada do espaço
- Os objetos são relacionados ao menor quadrado que contém seu retângulo envolvente



# Quad-tree

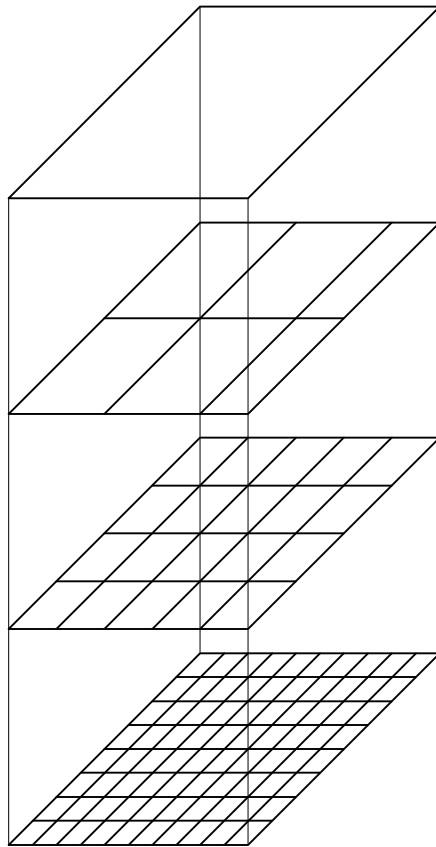


C1	C2	C3	C4
<b>B1</b>		<b>B2</b>	
C5	C6	C7	C8
<b>A1</b>			
C9	C10	C11	C12
<b>B3</b>		<b>B4</b>	
C13	C14	C15	C16

# Animação do funcionamento de quad-trees (PR-quadtree)

- <http://njord.umiacs.umd.edu:1601/users/brabec/quadtree/points/pointquad.html>

# Tiling



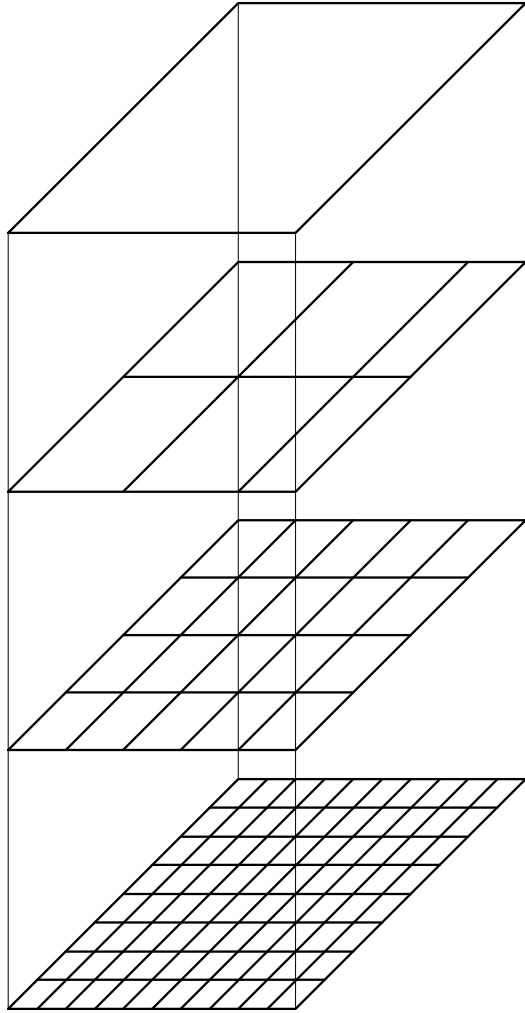
Camada 0: toda a base de dados

Camada 1: largura 10000

Camada 2: largura 5000

Camada 3: largura 1000

- Tiles, ladrilhos, quadrados
- Dimensões fixas
- Tamanho adequado aos objetos geográficos
- Número fixo de “quadrados”
- Limites conhecidos dos “quadrados”

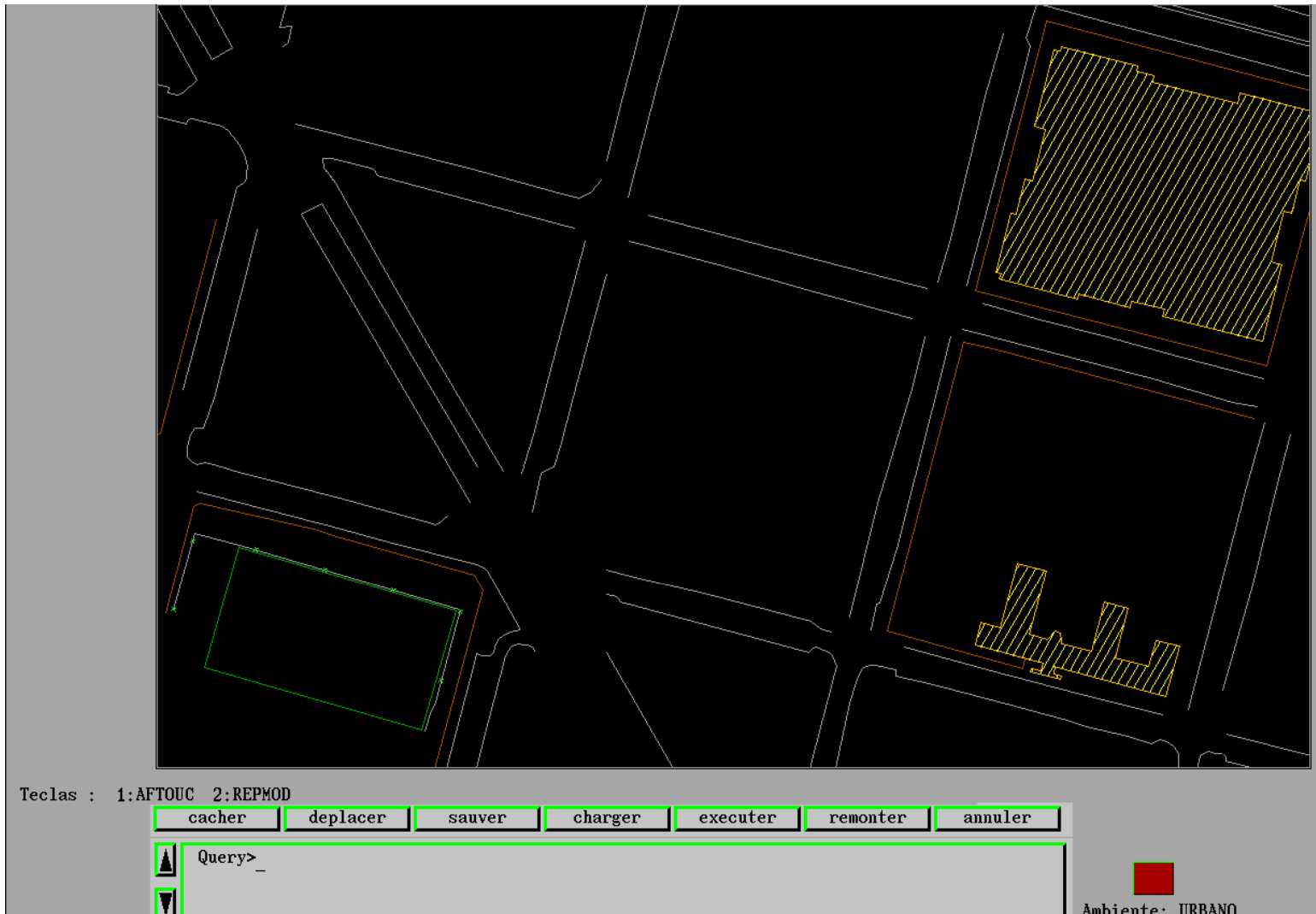


Camada 0: toda a base de dados

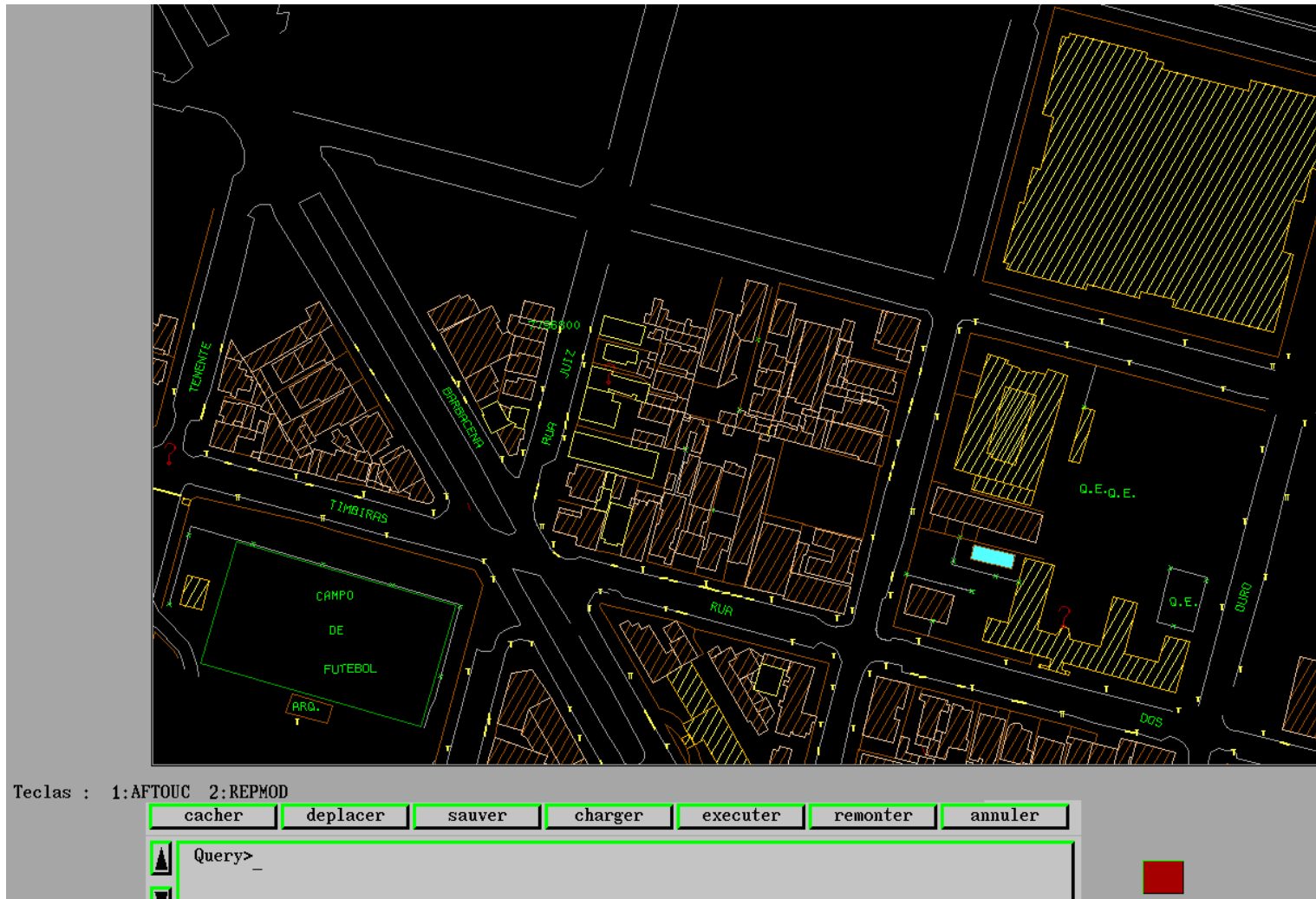
Camada 1: largura 10000

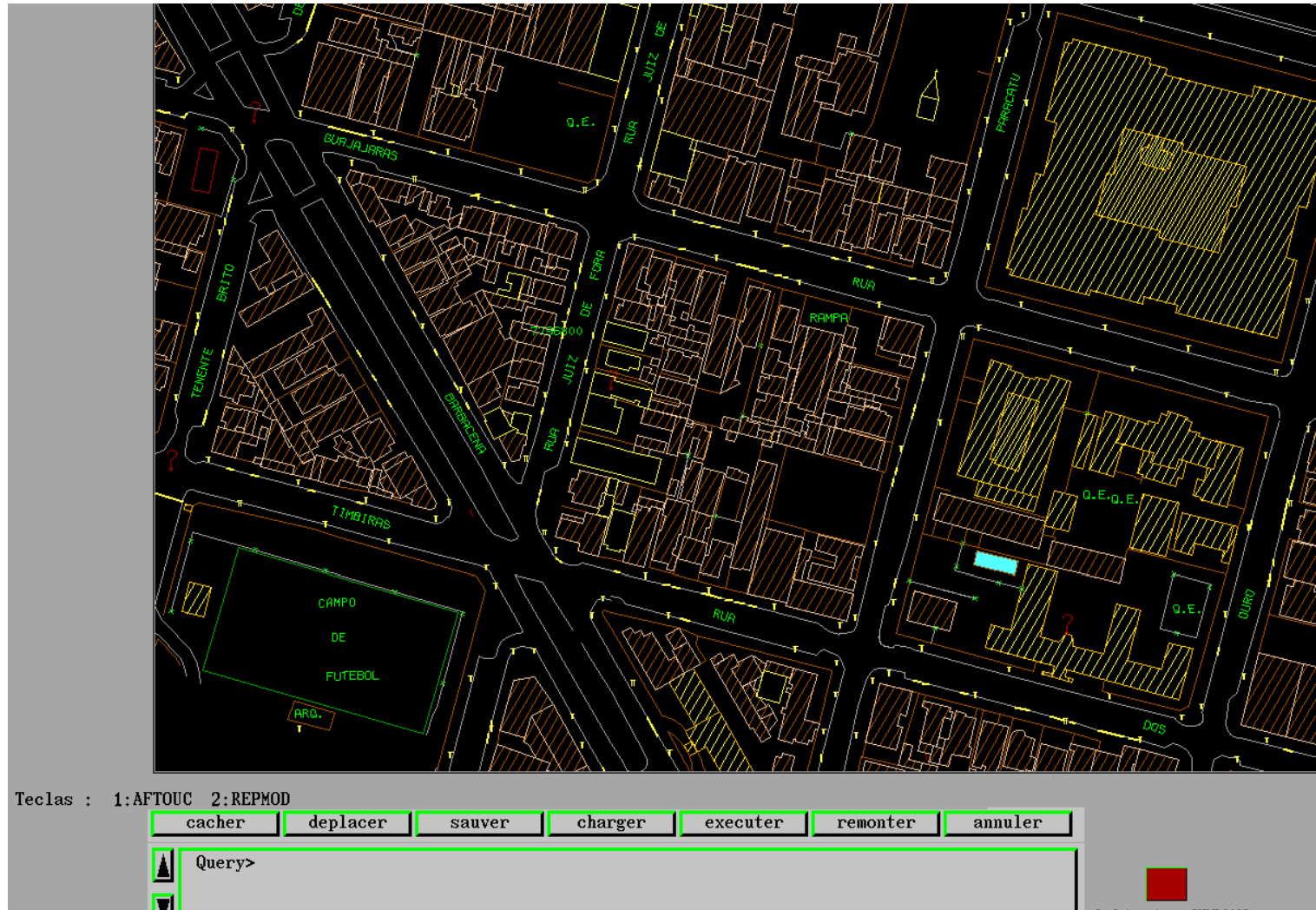
Camada 2: largura 5000

Camada 3: largura 1000









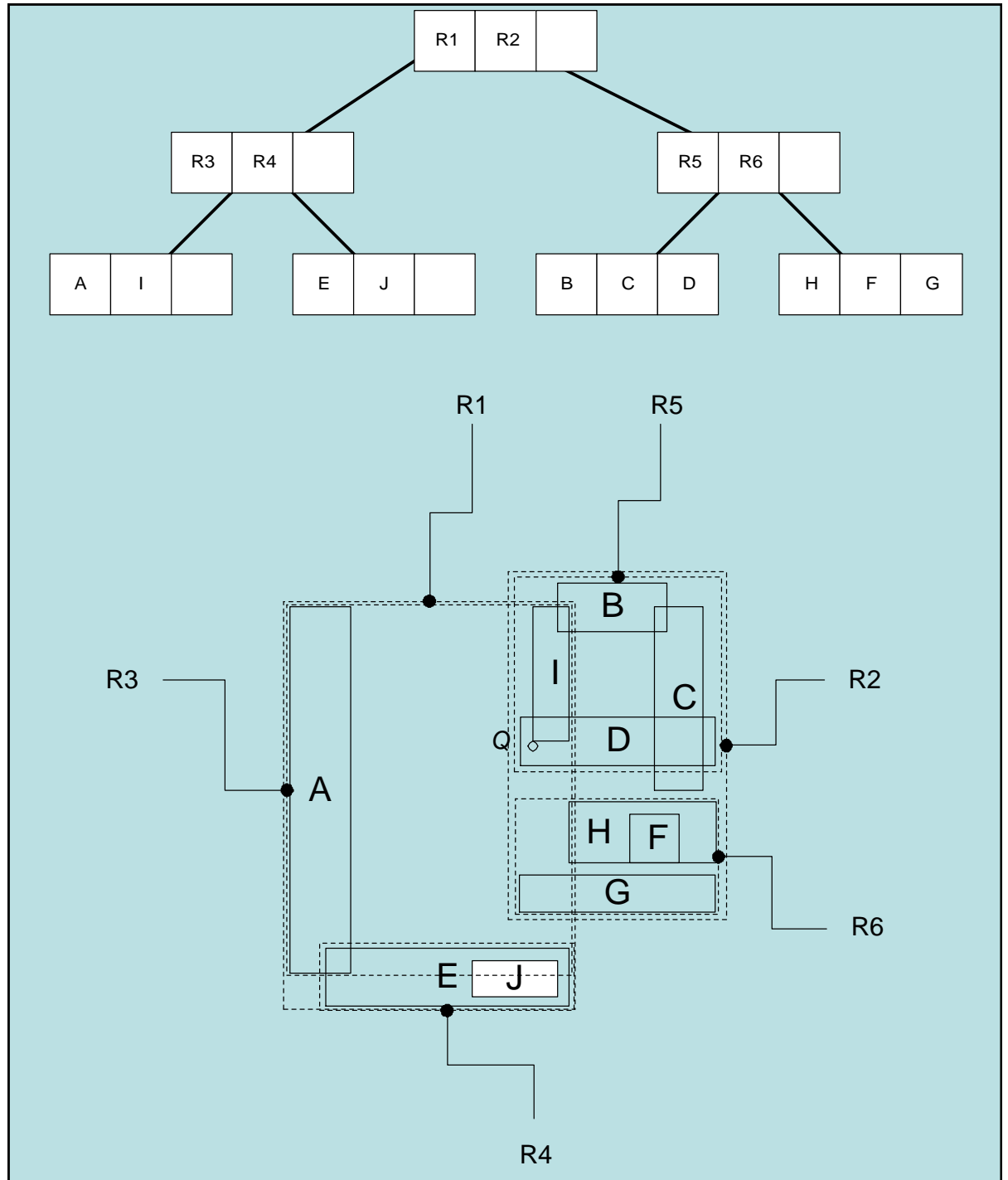


# R-tree

- Indexa objetos pelo seu retângulo envolvente mínimo
- Pontos também podem ser indexados (retângulo envolvente nulo)
- Cada bloco de armazenamento pode conter um número variável de retângulos
- O aumento do número de objetos causa subdivisões nos blocos, e a redução provoca fusões de blocos

# R-tree

- Exemplo: que objetos contêm o ponto Q?



# Algoritmos da R-Tree

- Search
- Insert
- Delete
- Update
- Node splitting
  - Exhaustive
  - Quadratic
  - Linear

# Search

Encontrar todas as entradas cujo REM sobrepõe um retângulo de busca  $S$ , começando pelo nodo  $T$

- S1. Se o nó  $T$  não é folha, verificar cada entrada  $E$  para determinar se  $E$ .ret sobrepõe  $S$ ; caso positivo, chamar *search* recursivamente a partir de cada  $E.p_i$  (filhos)
- S2. Se  $T$  é um nodo folha, verificar todas as entradas  $E$  para determinar se  $E$ .ret sobrepõe  $S$ ; caso positivo,  $E$  vai para a saída

# Insert

Inserir a entrada E a partir de T

- I1. Chamar *ChooseLeaf* para selecionar um nodo folha L no qual E vai ser posicionado
- I2. Se L tiver espaço para mais uma entrada, acomodar E; caso contrário, chamar *SplitNode* para obter L e LL, que conterão L e todas as entradas atuais
- I3. Chamar *AdjustTree* a partir de L, passando também LL se um *split* foi realizado
- I4. Se o *split* foi propagado até a raiz, causando seu particionamento, criar uma nova raiz

# ChooseLeaf

- CL1. Seja T o nodo raiz
- CL2. Se T for nodo folha, retornar T
- CL3. Caso contrário, seja F a entrada de T cujo retângulo precisaria ser *menos* expandido (largura ou altura) para acomodar E.ret; caso ocorra empate, resolver pela área do retângulo
- CL4. Faça T o nodo filho correspondente a F e faça uma chamada recursiva a *ChooseLeaf*

# AdjustTree

Ascender da folha L até a raiz, ajustando os retângulos de cobertura e propagando os splits se necessário

- AT1. Inicialize, fazendo  $N = L$ ; se L foi particionado anteriormente, inicializar também NN a partir de LL
- AT2. Se N for a raiz, termine
- AT3. Ajustar o retângulo de cobertura no nodo acima de N
- AT4. Se existe NN, criar uma nova entrada ENN, com um retângulo de cobertura adequado, e adicionar ENN no nodo acima de N se houver espaço; caso não haja, chamar *SplitNode* sobre P com NN, produzindo P e PP
- AT5. Faça  $N = P$  e  $NN = PP$ s se tiver ocorrido um *split*, e iterar em AT2

# Delete

Excluir o registro E da árvore

- D1. Chamar *FindLeaf* para encontrar o nodo folha L que contém E; se não for encontrado, terminar
- D2. Remover E de L
- D3. Chamar *CondenseTree* passando L
- D4. Se a raiz tiver apenas um filho após o ajuste, transformar esse filho na raiz



# FindLeaf

Encontrar a entrada E a partir da raiz T

- FL1. Se T não for um nodo folha, verificar cada entrada F em T para determinar se F.ret contém E.ret; para cada entrada com resposta positiva, chamar *FindLeaf* recursivamente
- FL2. Se T for um nodo folha, verificar cada entrada para encontrar E; se E for encontrado, retornar T

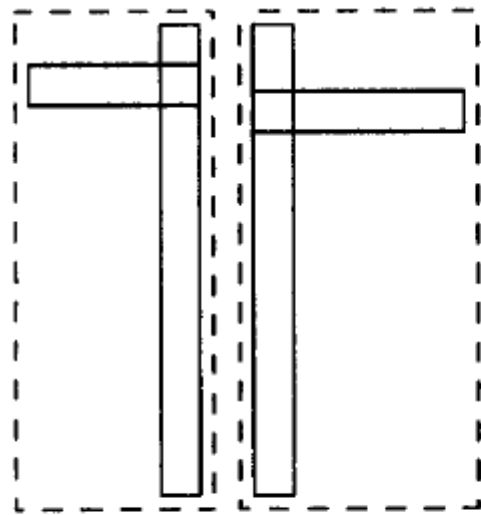
# CondenseTree

Dado um nodo do qual foi retirada uma entrada, eliminar o nodo se necessário e realocar suas entradas

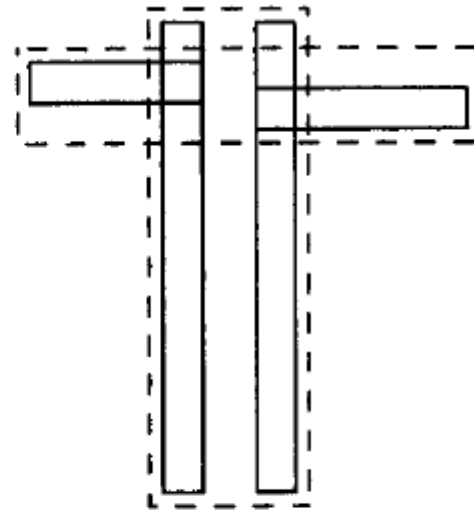
- CT1. Inicialize, fazendo  $N = L$ , e criar  $Q = \{ \}$  para ser o conjunto de nodos eliminados
- CT2. Se  $N$  for a raiz, pular para CT6; caso contrário,  $P$  é o pai de  $N$  e  $EN$  é a entrada de  $N$  em  $P$
- CT3. Se  $N$  tiver menos de  $m$  entradas, deletar  $EN$  de  $P$  e adicionar  $N$  ao conjunto  $Q$
- CT4. Se  $N$  não for eliminado, reajustar  $EN.ret$  para conter todas as entradas de  $N$
- CT5. Fazer  $N = P$  e iterar a partir de CT2
- CT6. Reinsere na árvore as entradas que restarem em  $Q$ ; entradas provenientes de níveis superiores devem ficar mais altas na árvore, para equilibrá-la na altura

# SplitNode

- Para criar um novo nodo com capacidade para  $M$  entradas, é necessário dividir as  $M+1$  entradas entre dois nodos
- A divisão deve ser feita de modo a minimizar a possibilidade de ambas as subárvores terem que ser verificadas no momento de uma consulta
  - = minimizar a sobreposição entre os retângulos
  - = minimizar a área total dos dois retângulos
- O mesmo critério é aplicado em *ChooseLeaf*



Bad split



Good split

Figure 3 1

Fonte: Guttman (1984)

# SplitNode: escolha exaustiva

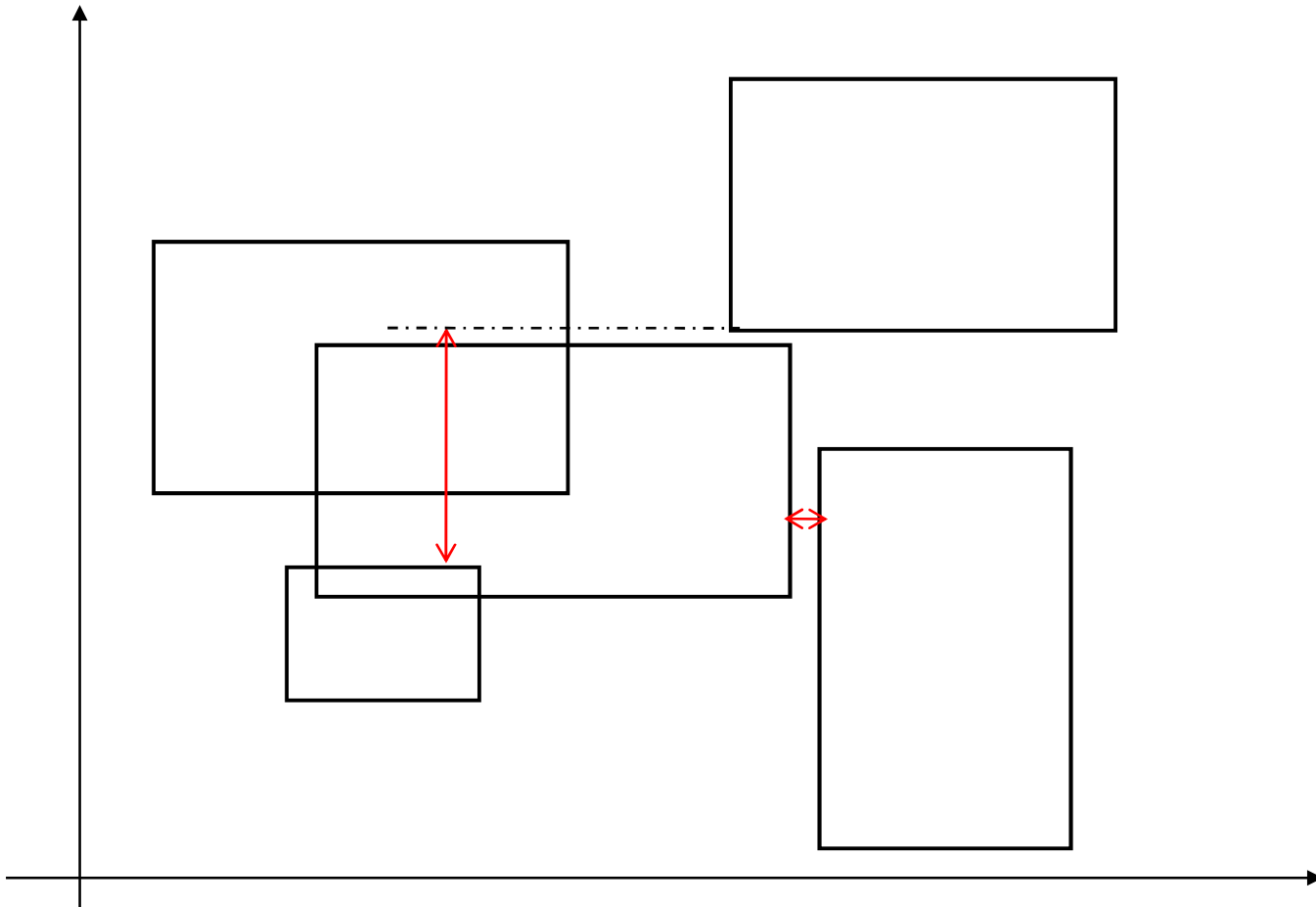
- Analisar todas as combinações de agrupamentos de retângulos seria o ideal
- Porém, se considerarmos blocos de 1024 bytes,  $M$  pode chegar facilmente a 50 entradas, e portanto gerando  $2^{50-1}$  combinações, o que é inviável

# SplitNode: algoritmo quadrático

- Não garante a solução ótima
- Custo quadrático em  $M$
- O algoritmo escolhe duas das  $M+1$  entradas para ser os primeiros elementos (sementes) dos dois novos nodos
  - Critério: maior área combinada do retângulo para cobrir a ambos
- A cada passo, calcula-se o acréscimo de área correspondente a cada entrada para cada um dos grupos
  - A entrada que tiver a maior diferença no acréscimo de área será então associada ao grupo sobre o qual causou o menor impacto

# SplitNode: algoritmo linear

- A diferença para o quadrático está no processo de escolha das sementes
- Ao longo de cada dimensão, encontrar o retângulo que tem a maior coordenada inferior, e o retângulo que tem a menor coordenada superior
  - Ex.: em  $x$ , encontrar quem tem o maior  $x_1$  e o menor  $x_2$
- Armazenar a distância de separação entre esses retângulos
  - Ex: diferença entre o menor  $x_2$  e o maior  $x_1$
- Normalizar usando como denominador a largura total segundo a dimensão
- Escolher as entradas com a maior separação dentre as duas dimensões





# R-tree

- Existem diversas variações na literatura
  - R<sup>+</sup>-Tree
  - R\*-Tree
  - Hilbert R-Tree
  - X-Tree
  - ...
- O mais usual é encontrar implementações da R-tree original nos produtos

# R<sup>+</sup>-Tree

- A R<sup>+</sup>-tree é um refinamento da R-tree em que não se permitem retângulos superpostos em nós que não sejam folhas
  - A regra de não-superposição faz com que a árvore fique mais esparsa, e portanto menos eficiente no disco; algoritmos mais sofisticados de inserção e exclusão são necessários para garantir que a árvore fique pelo menos “meio-cheia”
  - Obtém bons resultados para consultas baseadas em pontos e em retângulos, mas tem custo maior na inserção e exclusão

# R\*-Tree

- Modifica a estratégia de divisão de nodos
- Introduz a idéia de reinserção de objetos na árvore em caso de overflow no nodo
- Os algoritmos de consulta e exclusão são os mesmos da R-Tree original

# Animação do funcionamento de R-trees

- <http://gis.umb.no/gis/applets/rtree2/jdk1.1/>
  - Visualização da árvore
- <http://donar.umiacs.umd.edu/quadtree/>
  - Vários tipos de índices espaciais
- <http://research.att.com/~marioh/spatialindex/>
  - Biblioteca spatialindex e visualizador de R-Tree 3D

# Otimização de consultas espaciais

- **Seleções com funções geográficas**

```
SELECT d.nome, d.populacao
FROM cidade d, cidade c
WHERE c.nome = 'Belo Horizonte'
AND ST_DISTANCE(c.geom, d.geom) < 50000
AND d.populacao > 50000
```

- **Junções com critério geográfico**

```
SELECT c.nome, a.nomeaerop
FROM cidade c, aeroporto a
WHERE a.pavimento = 'Asfalto'
AND ST_DISTANCE(c.geom, a.geom) < 50000
```

# Seleção: plano de execução

- P11. Determine a posição de 'Belo Horizonte' ( $p$ )
- P12. Determine o conjunto  $C'$  de cidades a menos de 50 km da posição  $p$
- P13. Determine o subconjunto  $C$  de  $C'$  de cidades com mais de 50 mil habitantes

# Seleção: plano de execução canônico

- P11. Determine a posição de ‘Belo Horizonte’ (p)
  - Convencional: busca exaustiva pelo atributo nome ou uso de índice convencional, se houver
- P12. Determine o conjunto C’ de cidades a menos de 50 km da posição p
  - Espacial: depende do processamento da função de distância; acelerado na presença de índice espacial na etapa de filtragem
- P13. Determine o subconjunto C de C’ de cidades com mais de 50 mil habitantes
  - Convencional: busca exaustiva em C’

- P12. Determine o conjunto  $C'$  de cidades a menos de 50 km da posição  $p$ 
  - P121. Usando o índice espacial, determine as cidades que *podem estar* a menos de 50km de  $p$ , criando o conjunto  $I$
  - P122. Leia a geometria dos objetos de  $I$
  - P123. Verifique quais objetos de  $I$  estão de fato a menos de 50km de  $p$



# Seleção: plano de execução alternativo

- P21. Determine a posição de 'Belo Horizonte' ( $p$ )
- P12. Determine o conjunto  $C'$  de cidades a com mais de 50 mil habitantes
- P13. Determine o subconjunto  $C$  de  $C'$  de cidades a menos de 50 km da posição  $p$

# Seleção: plano de execução alternativo

- P21. Determine a posição de 'Belo Horizonte' ( $p$ )
  - Idem ao anterior
- P22. Determine o conjunto  $C'$  de cidades  $a$  com mais de 50 mil habitantes
  - Eficiente se existir um índice sobre a população
- P23. Determine o subconjunto  $C$  de  $C'$  de cidades  $a$  menos de 50 km da posição  $p$ 
  - Teste exaustivo sobre o resultado de P12; pode ser prejudicado se retornarem muitas cidades de P22

# Seleção: outro plano de execução alternativo

- P31. Determine a posição de 'Belo Horizonte' ( $p$ )
- P32. Determine o conjunto  $C'$  de cidades a com mais de 50 mil habitantes
- P33. Determine o conjunto  $C''$  de cidades a menos de 50 km da posição  $p$
- P34. Determine a interseção de  $C'$  e  $C''$

# Seleção: outro plano de execução alternativo

- P31. Determine a posição de 'Belo Horizonte' (p)
  - Idem aos anteriores
- P32. Determine o conjunto C' de cidades a com mais de 50 mil habitantes
  - Idem ao anterior
- P33. Determine o conjunto C'' de cidades a menos de 50 km da posição p
  - Idem ao primeiro plano
- P34. Determine a interseção de C' e C''

# Junção: plano de execução

- P11. Determine o conjunto  $R$ , contendo nome  $n$  e localização  $l$  de cada aeroporto pavimentado
  - Convencional
- P12. Inicialize uma lista de saída vazia
- P13. Para cada elemento  $(n, l)$  de  $R$ , faça
  - P131. Determine o conjunto  $C$  de cidades que estão a menos de 50km de  $l$ , e acrescente a cidade à lista de saída

# Junção: plano de execução 2

- P21. Determine o conjunto  $C$ , contendo nome  $n$  e localização  $l$  de cada cidade
  - Convencional
- P22. Inicialize uma lista de saída vazia
- P23. Para cada elemento  $(n, l)$  de  $R$ , faça
  - P231. Determine o conjunto  $A$  de aeroportos que estão a menos de 50km de  $l$ , e acrescente o aeroporto à lista de saída

# Junção: plano de execução 3

- P31. Determine o conjunto A, contendo a localização l e nome n de cada aeroporto pavimentado
- P32. Determine o conjunto C de cidades, contendo localização cl e nome cn;
- P33. Determine o conjunto R de resultados contendo apenas pares (cn, an) quando a distância entre l e cl for menor que 50km
  - Loops aninhados

# Junção: um possível quarto plano de execução

- Ordenar os elementos de A e C pela coordenada x (uma única lista)
- Para o primeiro elemento da lista, verificar nos subsequentes quem está a uma distância inferior a 50km do primeiro, e é de classe diferente da dele
- Considere todos os elementos encontrados como processados, e retire-os da lista
- Retire o primeiro elemento da lista, e reinicie



# Leitura complementar

- Davis Jr., C. A. e Queiroz, G. R. *Métodos de Acesso para Dados Espaciais*. Capítulos 6 e 7 de Casanova, M. A., Câmara, G., Davis Jr., C. A., Vinhas, L., Queiroz, G. R. (editores) *Bancos de Dados Geográficos*. Ed. MundoGeo, 2005.
- Guttman, A. R-Trees: a dynamic index structure for spatial searching. ACM SIGMOD, 47-57, 1984.
- Elmasri, R. and Navathe, S. *Fundamentals of Database Systems*, 4th ed. Pearson, 2002. [métodos de acesso para BD convencionais]