

1. (10 pontos) Seja **SET** a assinatura que descreve um conjunto de inteiros em SML:

```
signature SET =
sig
  type set
  val new : set
  val add : set -> int -> set
  val contains : set -> int -> bool
  val remove : set -> int -> set
end ;
```

Esta assinatura pode ser implementada de várias formas diferentes. Por exemplo, a implementação abaixo representa conjuntos como funções:

```
structure FunSet :> SET =
struct
  type set = int -> bool
  val new = fn x => false
  fun add f i = fn x => if x = i then true else f x
  fun contains f i = f i
  fun remove f i = fn x => if x = i then false else f x
end ;
```

Esta implementação da assinatura **SET**, contudo, não é muito eficiente. Complete a implementação abaixo, usando uma abordagem baseada em listas **ordenadas** de inteiros.

```
structure ListSet :> SET =
struct
  type set = int list
  val new =
```

```
    fun add s i =
```

```
    fun contains s i =
```

```
    fun remove s i =
```

```
end ;
```

2. (10 pontos - 1 ponto para cada resposta correta) Considere o quadro abaixo, em que estão escritos diversos conceitos típicos de linguagens de programação:



E sejam as duas linguagens: ANSI C, e o subconjunto de SML que vimos em sala. Separe tais conceitos entre os quatro grupos abaixo.

- (a) Conceitos que existem somente em ANSI C:
- (b) Conceitos que existem somente no subconjunto de SML que vimos em sala:
- (c) Conceitos que existem em ambas as linguagens.
- (d) Conceitos que não existem em nenhuma delas.

3. As questões que se seguem dizem respeito à função lógica NAND, cuja tabela verdade é dada abaixo:

TRUE	TRUE	FALSE
TRUE	FALSE	TRUE
FALSE	TRUE	TRUE
FALSE	FALSE	TRUE

- (a) (3 pontos) Escreva uma função binária `nand` em SML de tipo `bool * bool -> bool` que calcule a função NAND de dois booleanos.

- (b) (3 pontos) Considere as seguintes funções:

```
fun nandl l = foldl nand true l;  
fun nandr l = foldr nand true l;
```

Sendo `nand` a mesma função implementada na questão anterior, qual é o tipo inferido para a função `nandl`? Note que `nandl` e `nandr` possuem o mesmo tipo.

- (c) (4 pontos) Considere a função `comp`, implementada a partir das funções `nandl` e `nandr` da questão anterior:

```
fun comp l = nandl l = nandr l;
```

Existe alguma situação em que a função `comp` retorna o valor `false`? Em caso negativo, justifique a sua resposta, doutro modo mostre um exemplo.

4. (10 pontos) Considere a função `f` abaixo, implementada em C:

```
int f(int a, int b, int c) {
    int aa = a+3;
    int bb = b << 2;
    int cc = c ^ 1001;
    return aa + bb + cc;
}
```

Esta função, quando compilada para assembly do x86, produz um programa muito parecido com este abaixo. A sintaxe deste código assembly foi simplificada:

```
f:
pushl  %ebp
movl  %esp, %ebp
subl  24, %esp
movl  8(%ebp), %eax
addl  3, %eax
movl  %eax, -20(%ebp)
movl  12(%ebp), %eax
sall  2, %eax
movl  %eax, -16(%ebp)
movl  16(%ebp), %eax
xorl  1001, %eax
movl  %eax, -12(%ebp)
movl  -16(%ebp), %eax
addl  -20(%ebp), %eax
addl  -12(%ebp), %eax
leave
ret
```

Um programa em assembly do x86 é uma sequência de **instruções**. Cada instrução é formada por um **opcode**, e zero, um ou dois **operandos**. Um operando pode ser um **número**, um **registrador** ou um **endereço**. Os oito registradores são `eax`, `ebx`, `ecx`, `edx`, `ebp`, `edi`, `esi` e `esp`. Endereços são formados por um número seguido de um registrador, entre parênteses. Escreva a gramática do assembly do x86. Suponha que já foi definida um não-terminal `OPCODE`, que produz todos os opcodes válidos do x86. Suponha também que todos os opcodes podem usar os mesmos operandos, da mesma forma. Não se preocupe se a sua gramática for ambígua.

5. Considere a implementação da função `fib` abaixo, em SML/NJ, que calcula o n -ésimo número da sequência de Fibonacci:

```
fun fib 0 = 0
  | fib 1 = 1
  | fib n = (fib (n-1)) + (fib (n-2))
```

(a) (2 pontos) Uma chamada como `fib 0` invoca a função `fib` uma vez. Uma chamada como `fib 2` invoca a função `fib` três vezes, isto é, além da própria chamada `fib 2`, teremos também `fib 0` e `fib 1`. Quantas vezes esta função é invocada por uma chamada igual a `fib 4`.

(b) (8 pontos) Esta implementação de `fib` não é muito eficiente, pois uma quantidade exponencial de invocações (no tamanho da entrada em bits) é feita a cada chamada. Escreva uma implementação de `fib` mais eficiente, que perfaça uma quantidade linear de chamadas.

6. Uma linguagem é estaticamente tipada quando o tipo de cada expressão pode ser resolvido em tempo de compilação. Neste caso o compilador pode usar inferência ou anotações para descobrir o tipo das variáveis. Uma linguagem é dinamicamente tipada quando o tipo da variável é resolvido em tempo de execução.
- (a) (2.5 pontos) SML é dinamicamente tipada ou estaticamente tipada? Como o compilador descobre o tipo das variáveis em SML?
- (b) (2.5 pontos) PHP é estaticamente tipada ou dinamicamente tipada? Como o compilador descobre o tipo das variáveis em PHP?
- (c) (2.5 pontos) C é estaticamente tipada ou dinamicamente tipada? Como o compilador descobre o tipo das variáveis em C?
- (d) (2.5 pontos) Cite uma linguagem de programação que não possua sistema de tipos. Por linguagem de programação nos referimos a qualquer sistema de descrição de computações que seja Turing completo